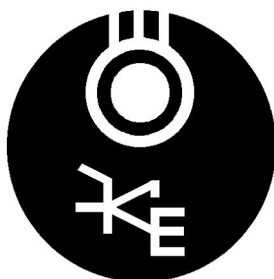


МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ  
Державний ВНЗ “НАЦІОНАЛЬНИЙ ГІРНИЧИЙ УНІВЕРСИТЕТ”

Кафедра електропривода



## МЕТОДИЧНІ ВКАЗІВКИ

до практичних занять

з дисципліни

“Оптимізація електромеханічних систем”

для студентів спеціальності 8.05070204

“Електромеханічні системи автоматизації та електропривод”

Склав проф. М.М.Казачковський

Дніпропетровськ

2013

## ЗМІСТ

	Передмова . . . . .	2
1	Формування масивів та робота з ними . . . . .	3
	1.1 Формування масивів . . . . .	3
	1.2 Розміри та розмірність масивів . . . . .	4
	1.3 Робота з елементами масивів . . . . .	5
	1.4 Табличні операції на елементах матриці . . . . .	8
	1.5 Матричні операції на елементах матриці . . . . .	9
	1.6 Робота з комплексними числами . . . . .	10
	1.7 Рядкові (текстові) вирази . . . . .	12
	1.8 Вбудовані, або внутрішні (inline) функції . . . . .	13
	1.9 Масиви записів (структури) . . . . .	13
2	ГРАФІКА MATLAB . . . . .	14
	2.1 Двовимірна графіка . . . . .	14
	2.2 Тривимірна графіка . . . . .	21
	2.3 Дескриптивна графіка . . . . .	22
3	ОСНОВИ ПРОГРАМУВАННЯ У MATLAB . . . . .	24
	3.1 М-файли . . . . .	24
	3.2 Оператори відношення . . . . .	26
	3.3 Інтерактивне введення/виведення даних . . . . .	27
	3.4 Керуючі структури . . . . .	28
	3.5 Перевірка типу даних . . . . .	30
	3.6 Розв'язання систем диференціальних рівнянь . . . . .	31
4	SIMULINK ТА РОБОЧА ОБЛАСТЬ . . . . .	32
	4.1 Задавання параметрів блоків SIMULINK як змінних з робочої області . . . . .	32
	4.2 Передача даних із SIMULINK до робочої області . . . . .	34
	4.3 Передача до моделі SIMULINK значення змінної (скаляра) з М-функції, що її викликає, та повернення з SIMULINK до М-функції векторів часу та вихідної змінної . . . . .	34
5	ПРИКЛАДИ РОЗВ'ЯЗАННЯ ОПТИМІЗАЦІЙНИХ ЗАДАЧ . . . . .	35
6	ЗАДАЧІ ДЛЯ САМОСТІЙНОГО РОЗВ'ЯЗАННЯ . . . . .	52
	ЛІТЕРАТУРА . . . . .	54

## ПЕРЕДМОВА

Даний посібник призначений для засвоєння принципів роботи з середовищем MATLAB. Він містить у собі приклади розв'язання задач, пов'язаних з формуванням масивів різного роду, роботою з елементами масивів, графічними можливостями пакету, принципами програмування на М-мові, обміном інформацією між SIMULINK та MATLAB, пошуком оптимальних рішень.

# 1 ФОРМУВАННЯ МАСИВІВ ТА РОБОТА З НИМИ

## 1.1 Формування масивів ОДНОВИМІРНІ МАСИВИ (ВЕКТОРИ)

### За допомогою конкатенації

#### Вектор-рядок:

» A=[2 3 56 12]

A =

2 3 56 12

» F=[3 sqrt(7) exp(4) 3/4+2]

F =

3.0000 2.6458 54.5982 2.7500

» a=4; G=[a 3 a\*2]

G =

4 3 8

#### Вектор-стовпчик:

» B=[1; 3; 5; 78; 12]

B =

1

3

5

78

12

» C=[2

3

5

1.3]

C =

2.0000

3.0000

5.0000

1.3000

### ДВОВИМІРНІ МАСИВИ (МАТРИЦІ)

#### За допомогою конкатенації

» D=[1 4 23; 12 56 78]

D =

1 4 23

12 56 78

» E=[23 78 12

45 2 89]

E =

23 78 12

45 2 89

### За допомогою індексації

» aa(1)=2; aa(2)=4.5; aa(3)=-6

aa =

2.0000 4.5000 -6.0000

» as(1)=9; as(2,:)=5; as(3,:)=6.7

as =

9.0000

5.0000

6.7000

### Задаванням діапазону

» P=5: 2:15

P =

5 7 9 11 13 15

» P=-2: 4

P =

-2 -1 0 1 2 3 4

**Вектор-рядок зі 100 елементів, рівномірно розподілених у діапазоні 2...35:**

» S=linspace(2, 35)

**Вектор-рядок з 4 елементів, рівномірно розподілених у діапазоні 2...5:**

» S=linspace(2, 5, 4)

S =

2 3 4 5

12	56	78	12	56	78
1	4	23	1	4	23
12	56	78	12	56	78

### **За допомогою індексації**

» D5(2,3)=7

D5 =

0	0	0
0	0	7

» D5(1,1)=5;D5(1,2)=3;D5(2,1)=0.6

D5 =

5.0000	3.0000	0
0.6000	0	7.0000

### **За допомогою функцій**

#### **Матриця нулів**

» H=zeros(3,4)

H =

0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0

» L=zeros(size(D))

L =

0	0	0
0	0	0

#### **Матриця одиниць:**

» K=ones(4, 3)

K =

1	1	1
1	1	1
1	1	1
1	1	1

» L1=eye(5,3)

L1=

1	0	0
0	1	0
0	0	1

#### **Розмір матриці:**

» size(L1)

ans =

5	3
---	---

0	0	0
0	0	0

#### **Матриця 3×4 з випадкових чисел, рівномірно розподілених у діапазоні 0...1:**

» M=rand(3, 4)

M =

0.4057	0.4103	0.3529	0.1389
0.9355	0.8936	0.8132	0.2028
0.9169	0.0579	0.0099	0.1987

#### **Матриця 3×2 з випадкових чисел, розподілених за нормальним законом з $\mu=0$ , $s=1$ :**

Srn=randn(3, 2)

Srn =

-0.2340	1.4435
0.1184	-0.3510
0.3148	0.6232

#### **Те ж саме з $\mu=3,5$ , $s=2$ , розміром 4×3:**

Sn=normrnd(3.5, 2, 4, 3)

Sn =

2.3809	4.6379	-0.9046
4.3873	1.8566	5.4727
1.6002	2.9688	2.4627
5.0624	1.1244	4.1547

#### **Магічна матриця 4×4**

» N=magic(4)

N =

16	2	3	13
5	11	10	8
9	7	6	12
4	14	15	1

#### **Порожній масив:**

» C=[ ]

C =

[ ]

## **1.2 Розміри та розмірність масивів**

» size(B)

ans =

5	1
---	---

#### **Довжина вектора:**

```
» length(B)
ans =
    5
```

### ***Розмірність масивів:***

```
» ndims(B)
ans =
    2
» ndims(L1)
```

```
ans =
    2
» size(C)
```

```
ans =
    0    0
» ndims(C)
ans =
    2
```

## **1.3 Робота з елементами масивів**

### ***Елемент №4 матриці M:***

```
» q=M(4)
q =
    0.4103
```

```
78
2
12
89
```

### ***Останній елемент матриці M:***

```
» M(end)
ans =
    0.1987
```

### ***Елементи матриці M від третього до останнього як вектор-рядок:***

```
» M(3:end)
ans =
Columns 1 through 6
    0.9169    0.4103    0.8936    0.0579
    0.3529    0.8132
Columns 7 through 10
    0.0099    0.1389    0.2028    0.1987
```

### ***Другий стовпчик матриці M:***

```
» q=M(:, 2)
q =
    0.4103
    0.8936
    0.0579
```

### ***Третій рядок матриці M:***

```
» q=M(3, :)
q =
    0.9169    0.0579    0.0099    0.1987
```

### ***Усі елементи матриці E як вектор-стовпчик:***

```
» q=E(:)
q =
    23
    45
```

### ***Елементи 2...5 матриці E як вектор-рядок:***

```
» q=E(2:5)
q =
    45    78     2    12
```

### ***Стовпчики 1...3 матриці M:***

```
» q=M(:, 1:3)
q =
    0.4057    0.4103    0.3529
    0.9355    0.8936    0.8132
    0.9169    0.0579    0.0099
```

### ***Рядки 2, 3 матриці M:***

```
» q=M(2:3, :)
q =
    0.9355    0.8936    0.8132    0.2028
    0.9169    0.0579    0.0099    0.1987
```

### ***Об'єднання матриць:***

```
» R=[E L; L E]
R =
    23    78    12     0     0     0
    45     2    89     0     0     0
     0     0     0    23    78    12
     0     0     0    45     2    89
```

### ***Перевизначення елемента матриці R***

```
» R(2)=-34
R =
    23    78    12     0     0     0
```

-34	2	89	0	0	0
0	0	0	23	78	12
0	0	0	45	2	89

» R(1,4)=44

R =

23	78	12	44	0	0
-34	2	89	0	0	0
0	0	0	23	78	12
0	0	0	45	2	89

**Перевизначення першого стовпчика матриці R:**

» R(:, 1)=[1; 2; 3; 4]

R =

1	78	12	44	0	0
2	2	89	0	0	0
3	0	0	23	78	12
4	0	0	45	2	89

**Знищення п'ятого стовпчика матриці R:**

» R(:,5)=[ ]

R =

1	78	12	44	0
2	2	89	0	0
3	0	0	23	12
4	0	0	45	89

**Вибір та переставляння стовпців матриці:**

» V3=R(:, [3 1 2 4])

V3 =

12	1	78	44
89	2	2	0
0	3	0	23
0	4	0	45

**Вибір та переставляння елементів масива:**

» V2=B([2 1 4 5 5])

V2 =

3
1
78
12

12

**Те ж за допомогою матриці індексів I:**

» I=[1 3 4;5 7 12;16 10 1;6 8 3]

I =

1	3	4
5	7	12
16	10	1
6	8	3

» V6=V3(I)

V6 =

12	0	0
1	3	0
45	2	12
2	4	0

**Пошук ненульових елементів вектора**

» U=[2 0 4 1 0];

» INZ=find(U)

INZ =

1	3	4
---	---	---

**Пошук ненульових елементів матриці**

m1=[-8 4 0; 5 0 2; 0 0 4];

[i, j, v]=find(m1)

i =

1
2
1
2
3

j =

1
1
2
3
3

v =

-8
5
4
2
4

**Пошук елементів вектора, які від-  
повідають умові**

» INU=find(U>1)

INU =

1 3

**Пошук елементів матриці, які від-  
повідають умові**

[inu1, inu2]=find(m1==0)

inu1 =

3

2

3

1

inu2 =

1

2

2

3

## 1.4 Табличні операції на елементах матриці

» E=[23 78 12

45 2 89]

» S=E.\*1.5

S =

34.5000 117.0000 18.0000

67.5000 3.0000 133.5000

» 2.\*E

ans =

46 156 24

90 4 178

» E.^2

ans =

529 6084 144

2025 4 7921

» E+2

ans =

25 80 14

47 4 91

» Q=sin(E)

Q =

-0.8462 0.5140 -0.5366

0.8509 0.9093 0.8601

» E./ Q

ans =

-27.1797 151.7573 -22.3642

52.8850 2.1995 103.4800

» E+Q

ans =

22.1538 78.5140 11.4634

45.8509 2.9093 89.8601

» E.\*Q

ans =

-19.4631 40.0903 -6.4389

38.2907 1.8186 76.5462

**Сума елементів стовпців**

» sum(E)

ans =

68 80 101

**Мінімальний або мінімальний еле-  
мент стовпців**

» [ME, ii]=min(E)

ME =

23 2 12

ii =

1 2 1

**Сортування елементів масиву**

» [Y, is]=sort(E)

Y =

23 2 12

45 78 89

is =

1 2 1

2 1 2

» sort(E,1)

ans =

23 2 12

45 78 89

» sort(E, 2)

ans =

12 23 78

2 45 89

**Піднесення скаляра до матричного  
степеня:**

» 2.^Q

ans =

0.5562 1.4280 0.6894  
1.8036 1.8781 1.8152

**Добуток елементів стовпців матриці:**

» PRE=prod(E)

PRE =

1035 156 1068

**Добуток елементів вектора**

» PRPR=prod(PRE)

PRPR =

172439280

## 1.5 Матричні операції на елементах матриці

**Транспонування матриць:**

» X=Q'

X =

-0.8462 0.8509  
0.5140 0.9093  
-0.5366 0.8601

**Множення та ділення матриці на скаляр:**

» X\*2

ans =

-1.6924 1.7018  
1.0280 1.8186  
-1.0732 1.7202

**Множення матриць:**

$$\begin{matrix} C & = & A * B & \text{або} & c_{ij} = \sum_{k=1}^n a_{ik} b_{kj} \\ m \times r & & m \times n & n \times r \end{matrix}$$

$$\begin{bmatrix} c_{11} & c_{12} \\ c_{21} & c_{22} \\ c_{31} & c_{32} \\ c_{41} & c_{42} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \\ a_{41} & a_{42} & a_{43} \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} \\ b_{21} & b_{22} \\ b_{31} & b_{32} \end{bmatrix}; \quad (m=4; n=3; r=2)$$

$$c_{11} = a_{11}b_{11} + a_{12}b_{21} + a_{13}b_{31};$$

$$c_{12} = a_{11}b_{12} + a_{12}b_{22} + a_{13}b_{32};$$

$$c_{21} = a_{21}b_{11} + a_{22}b_{21} + a_{23}b_{31};$$

$$c_{22} = a_{21}b_{12} + a_{22}b_{22} + a_{23}b_{32};$$

$$c_{31} = a_{31}b_{11} + a_{32}b_{21} + a_{33}b_{31};$$

$$c_{32} = a_{31}b_{12} + a_{32}b_{22} + a_{33}b_{32};$$

$$c_{41} = a_{41}b_{11} + a_{42}b_{21} + a_{43}b_{31};$$

$$c_{42} = a_{41}b_{12} + a_{42}b_{22} + a_{43}b_{32}.$$

**Ліве ділення матриць:**

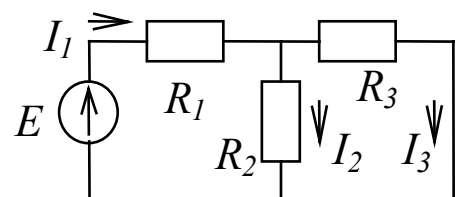
$B = C \setminus A$  – розв'язок матричної системи алгебраїчних рівнянь  $C = A * B$

Приклад. Розрахунок струмів у розгалуженому колі:

$$I_1 R_1 + I_2 R_2 = E;$$

$$I_1 R_1 + I_3 R_3 = E;$$

$$-I_1 + I_2 + I_3 = 0 \text{ або}$$





$$I = [I_1 \ I_2 \ I_3]^T ; R = \begin{vmatrix} R_1 & R_2 & 0 \\ R_1 & 0 & R_3 \\ -1 & 1 & 1 \end{vmatrix} ; U = [E \ E \ 0]^T ; U = R \times I ;$$

$$I = R \setminus U$$

якщо  $E=12$ ,  $R_1 = 1$ ;  $R_2 = 2$ ;  $R_3 = 3$ , то

R =

```
1  2  0
1  0  3
-1 1  1
```

U =

```
12
12
0
```

» I=R\U

I =

```
5.4545
3.2727
2.1818
```

**Піднесення до степені (тільки квадратні матриці):**

» s=magic(4)

s =

```
16  2  3 13
 5 11 10  8
 9  7  6 12
 4 14 15  1
```

» s^2 % (або s\*s)

ans =

```
345 257 281 273
257 313 305 281
281 305 313 257
273 281 257 345
```

**Визначник матриці:**

» det(R)

ans =

```
-11
```

**Векторний добуток векторів та матриць:**

» V7=[1 3 5]; V8=[2 4 7]; cross(V7,V8)

ans =

```
1  3 -2
```

» ff=magic(3);

» fy=[1 2 5; 3 6 9; 2 0 5];

CR=cross(ff, fy)

CR =

```
-6 -54 17
-12 18 -20
21 -4 19
```

**Скалярний добуток векторів:**

» sum(V7.\*V8)

ans =

```
49
```

## 1.6 Робота з комплексними числами

Введення комплексних чисел та операції з ними:

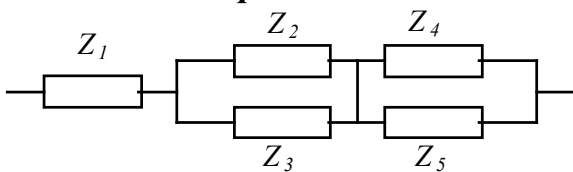
```

» a=4-i*5
a =
    4.0000 - 5.0000i
ka=6.*exp(i.*pi/3)
ka =
    3.0000 + 5.1962i
» b=j*6+4
b =
    4.0000 + 6.0000i
» c=a+b
c =
    8.0000 + 1.0000i
» d=a*b
d =
   46.0000 + 4.0000i
» e=a/b
e =
   -0.2692 - 0.8462i
» f=a.^b
f =
  1.0654e+005 + 3.4751e+005i
» g=a*5
g =
   20.0000 -25.0000i

» s=magic(2); k=s'; r=s+k*i
r =
    1.0000 + 1.0000i    3.0000 + 4.0000i
    4.0000 + 3.0000i    2.0000 + 2.0000i
» am=abs(a)
am =
    6.4031
» rm=real(r)
rm =
     1     3
     4     2
» aalf=angle(a)
aalf =
   -0.8961
» ar=real(a)
ar =
     4
» ai=imag(a)
ai =
    -5
Комплексно-спряжене число
» acon=conj(a)
acon =
    4.0000 + 5.0000i

```

**Послідовно-паралельне з'єднання комплексних опорів:**



```

» z1=2+i*3; z2=4; z3=5-i*6; z4=i; z5=6+8*i;

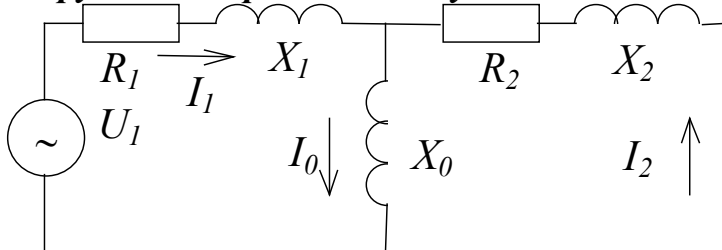
» z=z1+z2*z3/(z2+z3)+z5*z4/(z5+z4)
z =
    4.8205 + 3.1026i
» Z=abs(z)
Z =
    5.7326
» cosfi=real(z)./Z
cosfi =
    0.8409

```

### **Побудова годографа узагальненого вектора струму:**

```
» Ifm=[5; 6; 7]; FI=[0 2*pi/3 4*pi/3];
» theta=linspace(0,2*pi,100);
» thetaa=(theta+FI(1))'; thetab=(theta+FI(2))'; thetac=(theta+FI(3))';
» TH=[thetaa thetab thetac];
» SS=sin(TH);
» IA=Ifm(1).*SS(:,1); IB=Ifm(2).*SS(:,2); IC=Ifm(3).*SS(:,3);
» IV=2/3*(IA+IB.*exp(2/3*pi*i)+IC.*exp(4/3*pi*i));
» plot(real(IV),imag(IV));
» figure
» plot(thetaa,IA,thetaa,IB,thetaa,IC)
```

### **Струми асинхронного двигуна**



```
» s=0.05;
» r1=0.1; x1=0.5; r2=0.15; x2=0.6; x0=2;
» Z=[r1+i*x1 -r2./s-i*x2 0; r1+i*x1 0 i*x0; 1 1 -1];
» U1=220; U=[U1; U1; 0];
» I=Z\U
I =
 1.0e+002 *
    0.7028 - 1.2348i
   -0.8168 + 0.4786i
   -0.1140 - 0.7562i
» E=I(3)*x0*i
E =
 1.5123e+002 -2.2792e+001i
» forcomp=[I; U1; E];
» compass(forcomp)
» gtext(' I1')
» I1m=abs(I(1))
» I1a=real(I(1))
» cosf1=cos(angle(I(1)))
```

### **Проходження синусоїдного сигналу з частотою 10 Гц та амплітудою 2 В через коливну ланку з ПФ $1/(a^2 p^2 + a_1 p + 1)$**

```
» w=10; p=i*w; a2=0.1; a1=0.2;
» WP=1/(a2*p.^2+a1*p+1); % АФХ
» A=abs(WP); FI=angle(WP); % АЧХ та ФЧХ
» X1=2; X2=X1*A % Амплітуди вхідного та вихідного сигналів
X2 =
0.2169
```

## 1.7 Рядкові (текстові) вирази

```
» a='abd'
a =
abd
Конкатенація рядкових масивів:
» st1=['y', 't']
st1 =
yt
» st8=['7bd k'; 'a 77f']
st8 =
7bd k
a 77f
» st8(2,5)
ans =
f
Коди символів:
» ast=[98 'a' 'b' 97]
ast =
baba
» strcat('78', 'hgyt')
ans =
78hgyt
» ast1=[1 2]
ast1 =
1 2
» ast1(1)='c'
ast1 =
99 2
>> string([192:223])
ans =
АБВГДЕЖЗИЙКЛМНОПРСТУФХЦЧ
ШЩЪЫЬЭЮЯ
>> string([224:255])
ans =
абвгдежзийклмнопрстуфхцщъ-
ыьэюя
Перетворення числа в рядок:
» st2= int2str(3)
st2 =
3
» t=clock;
» t=clock; z=['зараз - ',int2str(t(1)), ' рік']
z =
зараз - 2002 рік
» t=clock; strcat('Сьогодні:',
int2str(t(3)), ',', int2str(t(2)))
ans =
```

```
Сьогодні:11.7
» st3=[st1, st2]
st3 =
yt3
Пошук підрядка:
» findstr(z,'20')
ans =
9
» findstr(z,'a')
ans =
2 4
Зміна регістру:
» upper(z)
ans =
ЗАРАЗ - 2002 РІК
» lower(ans)
ans =
зараз - 2002 рік
Обчислення рядкових виразів:
» a=5; b=3; eval('a+b*2')
ans =
11
» eval('s=sin(2)')
s =
0.9093
» t='1+a.^2'; c=eval(t)
c =
26
» n=5; eval(['St', 'ro', 'ka', '=n' ])
Stroka =
5
Обчислення функції, заданої рядковим виразом:
» feval('sin', pi/2)
ans =
1
» u='exp'; f=feval(u,1)
f =
2.7183
файл extr1.m:
function y=extr1(x)
y=(x-2)^4+2;
» d=2; e=feval('extr1', d)
e =
2
```

## 1.8 Вбудовані, або внутрішні (inline) функції

### *Inline-функція з одним параметром*

```
y=inline('4.*x.^2+2.*x-6')
```

```
y =
```

```
Inline function:
```

```
y(x) = 4.*x.^2+2.*x-6
```

```
y1=y(3)
```

```
y1 =
```

```
36
```

```
y([2 4; 6 5])
```

```
ans =
```

```
14 66
```

```
150 104
```

```
y(1:6)
```

```
ans =
```

```
0 14 36 66 104 150
```

### *Inline-функції з кількома параметрами*

```
z=inline('2.*t+a-1','t','a')
```

```
z =
```

```
Inline function:
```

```
z(t, a) = 2.*t+a-1
```

```
zz=z(2, 3)+7
```

```
zz =
```

```
13
```

```
z5=inline('(sin(x).*d-5).^2+c','x','d','c')
```

```
z5 =
```

```
Inline function:
```

```
z5(x, d, c) = (sin(x).*d-5).^2+c
```

```
d=2; c=1; z5(2, d, c)
```

```
ans =
```

```
11.1213
```

```
g = inline('x^P1', 1)
```

```
g =
```

```
Inline function:
```

```
g(x, P1) = x^P1
```

```
g(2,3)
```

```
ans =
```

```
8
```

```
s=inline('x.^a1+a2.*a3', 3)
```

```
s =
```

```
Inline function:
```

```
s(x, P1, P2, P3) = x.^a1+a2.*a3
```

```
s(2, 3,1, 2)
```

```
ans =
```

```
10
```

```
Імена аргументів Inline-функції:
```

```
an=argnames(s)
```

```
an =
```

```
'x'
```

```
'P1'
```

```
'P2'
```

```
'P3'
```

## 1.9 Масиви записів (структури)

### *Створення та доповнення масиву записів:*

```
» work.name='Петренко Іван'
```

```
work =
```

```
name: 'Петренко Іван'
```

```
» work.birth=[1952 03 23]
```

```
work =
```

```
name: 'Петренко Іван'
```

```
birth: [1952 3 23]
```

```
» work.status='лаборант'
```

```
work =
```

```
name: 'Петренко Іван'
```

```
birth: [1952 3 23]
```

```
status: 'лаборант'
```

```
» work.attest=[1985 1990 1995 2000; 4
```

```
5 4 4; 3 5 4 5; 5 5 5 4]
```

```
work =
```

```
name: 'Петренко Іван'
```

```
birth: [1952 3 23]
```

```
status: 'лаборант'
```

```
attest: [4x4 double]
```

```
» work(2).name='Дроздова Ірина'
```

```
work =
```

```
1x2 struct array with fields:
```

```
name
```

```
birth
```

```
status
```

```
attest
```

### ***Виклик запису:***

```
» work(1).birth
```

```
ans =
```

```
1952      3      23
```

```
» work(1).attest(2,3)
```

```
ans =
```

```
4
```

### ***Зміна запису:***

```
» work(1).name='Петренко Семен'
```

```
work =
```

```
1x2 struct array with fields:
```

```
name
```

```
birth
```

```
status
```

```
attest
```

### ***Знищення поля:***

```
» work(1).oklad=175.5
```

```
work =
```

```
1x2 struct array with fields:
```

```
name
```

```
birth
```

```
status
```

```
attest
```

```
oklad
```

```
» work=rmfield(work,'oklad')
```

```
work =
```

```
1x2 struct array with fields:
```

```
name
```

```
birth
```

```
status
```

```
attest
```

### ***Знищення запису:***

```
» work(2)=[ ]
```

```
work =
```

```
name: 'Петренко Семен'
```

```
birth: [1952 3 23]
```

```
status: 'лаборант'
```

```
attest: [4x4 double]
```

## **2 ГРАФІКА MATLAB**

### **2.1 Двовимірна графіка**

***Найпростіший спосіб побудови графіка функції, заданої як рядок або у вигляді символьного виразу:***

```
ezplot('sin(x).^2')
```

```
ezplot(tan(sin(x)))
```

```
ezplot('sin(x).^2+2', [-1 4])
```

***Графік у декартовій системі координат:***

```
x=linspace(0, 2*pi, 30); y=sin(x); plot(x,y)
```

*або*

```
plot(x, 1+cos(x).^2)
```

*або графік комплексного аргумента:*

```
x=- pi: pi/50: pi; a=cos(x)+i*5*sin(x); plot(a)
```

***Графік функції, що задана у рядковому форматі в інтервалі [Xmin Xmax]:***

```
fplot('1+sin(x)', [0 4*pi])
```

```
fplot('extr1', [-2 8])
```

 - функція задана М-файлом extr1.m

***Графік inline-функції***

```
x=1:10; z=inline('1+x'); z =inline('1+x.^2'); plot(x, z(x))
```

***Графіки у напівлогарифмічному та логарифмічному масштабі***

а) масштаб осі X лінійний:

```
y3=exp(x); semilogy(x, y3)
```

б) масштаб осі Y лінійний:

```
y4=log(x); semilogx(x, y4)
```

в) масштаб обох осей логарифмічний:

```
u=logspace(-1,3); loglog(u, exp(u)./u)
```

### **Стовпчикові діаграми**

а) другий стовпчик масиву як функція першого:

```
z=[1 2; 7 5; 3 2; 4 5; 5 10]; bar(z(:, 1), z(:, 2))
```

barh(z(:, 1), z(:, 2)) - горизонтальна гістограма

б) обидва стовпчики як функція номеру:

```
bar(z) або
```

```
bar(z, 'stacked')
```

в) тривимірна:

```
x=1: 5; y =sqrt(x). *5; z3=exp(x)./15; bar3(x, [z3' y']) або
```

```
bar3(x, [z3' y'], 'grouped') або
```

```
bar3(x, [z3' y'], 'stacked') або
```

**Графік дискретних відліків** (гратчаста функція)

```
stem(z(:,1),z(:,2))
```

**Графіки радіус-векторів:**

```
z1=3+5*i; compass(z1)
```

```
z2=[3+5*i -2+6*i 4-2*i]; compass(z2)
```

**Графік руху точки на площині:**

```
x=linspace(0, 2*pi, 500); y=sin(x); comet(x,y)
```

**Графік у полярних координатах:**

```
f1=0: pi/20: 4*pi; R=3.*f1;
```

```
polar(f1, R)
```

**Кругові діаграми:**

```
pie(z(:, 2))
```

```
pie(z(:, 2), [0 1 0 0 1]) - зсув двох секторів
```

```
pie3(z(:, 2))
```

### **Способи суміщення кількох графіків у спільному графічному вікні**

**а) три графіки у спільному вікні:**

```
y1=cos(x); y2=sin(x).^2; plot(x, y, x, y1, x, y2)
```

**б) Графік з двома осями ординат:**

```
x1=0:20; x2=-10:10; y2=2.*x2; plotyy(x1, y1, x2, y2)
```

**в) накладення нового графіка на вже побудований:**

hold on - вмикання режиму накладення наступного графіка на попередній (осі попереднього графіка зберігаються);

hold off - вимикання цього режиму;

hold - перемикання режиму накладення (при неодноразовому повторенні команди)

Приклад 1:

```
plot(x, y); hold on; plot(x, y1)
```

```
hold off; plot(x, y2)
```

Приклад 2 (графіки різного типу в спільній системі координат):

```
z=[1 2; 7 5; 3 2; 4 5; 5 10]; bar(z(:, 1), z(:, 2)); hold on
```

```
x=1:1:7; plot(x, exp(x)./20, 'r')
```

**г) підвікна графічного вікна:**

```
subplot(2,1,1); bar(z); subplot(2,1,2); plot(x, y, x, y1, x, y2)
x=0:.01:1; for k=1:4, subplot(2,2,k), plot(x,sin(pi*k*x)), end
```

### Оформлення поточного графіка

**а) автоматичне чергування кольорів графіка:** yellow, magenta, cyan, red, green, blue, white

```
x=linspace(0,1,20); k=1:1:8; y=k*x; plot(x,y)
```

**б) задавання кольору та типу лінії та точки:**

```
plot(x, y, '--YS', x, y1, '-OC', x, y2, ':' ) або w1=':XR'; plot(x, y, w1);
```

рядкові константи:

Колір лінії		Тип лінії		Тип маркера	
Y	Жовтий	-	суцільна	.	точка
M	Фіолетовий	:	пунктир	O	коло
C	Блакитний	-.	штрих-пунктир	X	хрест
R	Червоний	--	штрихова	+	плюс
G	Зелений			*	зірка
B	Синій			S	квадрат
W	Білий			D	ромб
K	Чорний			V	трикутник
				^	трикутник
				<	трикутник
				>	трикутник
				P	п'ятикутник
				H	шестикутник

**в) сітка:**

grid on - додавання сітки до поточного графіка

grid of - знищення сітки поточного графіка

grid - послідовне виконання команди додає та знищує сітку

**г) назва графіка:**

```
title('назва')
```

**д) заголовки осей:**

```
xlabel('назва')
```

```
ylabel('назва')
```

**е) пояснювальний текст у точці з координатами  $X_i=2$ ,  $Y_i=1$ :**

```
text(2,1,'текст')
```

**є) пояснювальний текст, який надалі позиціонується за допомогою миші:**

```
gtext('текст')
```

**ж) креслення лінії за допомогою миші**

gline(n) - у вікні за номером n; gline - у поточному вікні

**з) легенда:**

```
legend('функція y', 'функція y1', 'функція y2')
```

**і) осі**

встановлення діапазонів координат [Xmin Xmax Ymin Ymax]:



axis([-1 8 -2 2]) або e=[0 6 -1 1]; axis(e)

повернення до масштабу осей за замовчуванням:

axis auto

знищення позначень та маркерів осей

axis off

повернення раніше введених позначень та маркерів осей

axis on

**к) можливість зміни масштабу поточного графіка за допомогою миші:**

zoom - вздовж обох осей

zoom хon - вздовж осі X

zoom yon - вздовж осі Y

### **Зняття координат точок поточного двовимірного графіка за допомогою миші**

ginput; d=ginput - будь-яка кількість точок (Enter по закінченні)

[X,Y]= ginput - окремі масиви для абсцис та ординат

d=ginput(n) - тільки n точок

### **Створення нового графічного вікна**

**а) створення нового вікна** (старі вікна залишаються, а наступні графіки будуються в новому):

figure

**б) створення нового вікна з номером i** (якщо вікно з таким номером уже існує, воно стає поточним)

figure(i)

### **Збереження інформації з графічного вікна**

**а) збереження числових масивів:**

меню графічного вікна File\Save

тип файла - Mat.-files (\*.mat)

**б) збереження числових масивів та програми побудови графіка:**

меню графічного вікна File\Save

тип файла - M.-files (\*.m)

**в) Збереження графіка як растрового графічного файла .jpg:**

[Q, map]=capture(1); (1 - номер графічного вікна)

imwrite(Q, map,'gr1. jpg');

**г) Збереження поточного графіка як растрового графічного файла**

**.bmp:**

print -dbitmap gr2.bmp

**д) Копіювання поточного графіка до буфера як метафайла:**

меню графічного вікна Edite\Copy Figure (опцію меню MATLAB

File\Preferences\CopyingOptions\ClipboardFormat\WindowsMetafile увімкнено)

або

```
print -dmeta
```

Після вставлення з буферу до Word рисунок піддається редагуванню засобами Word.

*е) Копіювання поточного графіка до буфера як растрового рисунка:*

```
print -dbitmap
```

або

меню графічного вікна Edite\Copу Figure (опцію меню MATLAB

File\Preferences\CopyingOptions\ClipboardFormat\WindowsBitmap увімкнено)

## 2.2 Тривимірна графіка

**Тривимірна лінія:**

```
t=0:pi/50:10*pi;
```

```
x=sin(t); y=cos(t);
```

```
plot3(x,y,t); grid on
```

**Функція, яка створює двовимірні масиви для побудови тривимірних поверхонь**

```
xx=1:5; yy=10:10:40; [XX,YY]=meshgrid(xx, yy)
```

XX =

```
1  2  3  4  5
```

```
1  2  3  4  5
```

```
1  2  3  4  5
```

```
1  2  3  4  5
```

YY =

```
10 10 10 10 10
```

```
20 20 20 20 20
```

```
30 30 30 30 30
```

```
40 40 40 40 40
```

**Поверхня, задана тривимірними лініями:**

```
u=-2:1:2; v=-1:1:1;
```

```
[X,Y]= meshgrid(u,v);
```

```
Z=exp(-X.^2-Y.^2);
```

```
plot3(X, Y, Z)
```

**Поверхня у вигляді каркасу:**

```
figure; mesh(X,Y,Z)
```

**Те ж, з лініями рівня або у вигляді стовпців:**

```
figure; meshc(X,Y, Z)
```

```
figure; meshz(X,Y, Z)
```

**Поверхня з забарвленням:**

```
figure; surf(X,Y, Z)
```

**Те ж, з лініями рівня:**

```
figure; surfc(X,Y, Z)
```

**Лінії рівня тривимірної поверхні:**

```
figure; contour(X,Y, Z)
```

*те ж саме, з замовленням рівнів та їх цифровим позначенням:*

```
figure; [C, H]=contour(X,Y, Z, [0.9 0.7 0.5 0.3 0.1]); clabel(C, H)
```

*те ж саме, з вибором розташування міток рівнів за допомогою миші:*

```
figure; C=contour(X,Y, Z, [0.9 0.7 0.5 0.3 0.1]);
```

```
clabel(C, 'manual') % Клікати лінії рівня
```

*Лінії рівня тривимірної поверхні з забарвленням проміжків:*

```
figure; c= contourf (X,Y, Z, [0.9 0.7 0.5 0.3 0.1]); clabel(c, 'manual')
```

*Поверхня, задана полігонами:*

```
figure; fill3(X,Y, Z, X)
```

*або:*

```
waterfall(X,Y, Z)
```

### **Властивості поточного тривимірного графіка**

*Характер забарвлення поверхні:*

```
shading interp
```

```
shading faceted
```

```
shading flat
```

*Палітри:*

```
colormap(hsv) або замість hsv: hot, gray, bone, copper, pink, white, flag, lines,
```

```
colorcube, jet, prism, cool, autumn, spring, winter, summer
```

```
colormap('default') - палітра за замовчуванням
```

*Ракурс:*

```
view(az, el) az - азимут (за замовчуванням -37,5°); el - кут підвищення (за замовчуванням 30°). Наприклад:
```

```
view(-15, 20)
```

*Виведення шкали кольорів:*

```
colorbar
```

*Режим інтерактивного повороту поточного графіка за допомогою миші:*

```
rotate3d on,
```

```
rotate3d off,
```

```
rotate3d
```

## **2.3 Дескриптивна графіка**

*Об'єкт figure (графічне вікно):*

```
hf=figure(45) % hf - дескриптор графічного вікна №45
```

```
set(hf, 'Name', 'MyFigure', 'Color', [0.4 0.5 0.6])
```

```
set(hf, 'NumberTitle', 'off', 'MenuBar', 'none')
```

```
set(hf, 'position', [30 50 450 420])
```

Зміна кольору заданих вікон

```
figure(3); figure(6); whitebg([3 6], [.9 .85 .87])
```

*Об'єкт axes (осі):*

```
ha=axes('XLim', [1 6], 'YLim', [2 10], 'Pos', [.1 .1 .85 .85]);
```

```
set(ha, 'box', 'on', 'Color', [.5 .6 .7]);
```

```
set(ha, 'FontSize', [20], 'FontName', 'TimesNewRoman', 'FontWeight', 'bold',
```

```
'FontAngle', 'Ital');
```

```

grid
set(ha, 'GridLineStyle', '--', 'LineWidth', 3)
set(ha, 'XColor', [1 0 0], 'XTick', [1: 0.5: 6]);
set(ha, 'XAxisLocation', 'top', 'TickLength', [0.02 0.0])
Об'єкт line (лінія):
hl1=line([2 4], [4 8], 'Color', [0.8 0.5 .1], 'LineWidth', 4);
hl2=line([3 5], [8 2], 'Color', 'r');
set(hl2, 'Ydata', [7 4])
hl3=line([3 5], [4 2], 'Color', 'g', 'LineWidth', 3);
set(hl3, 'Marker', 'o', 'MarkerFaceColor', 'y', 'MarkerEdgeColor', 'r')
hl4=line([0.5 2], [2 5], 'Color', [0.5 1 0.7], 'LineStyle', ':');
set(hl4, 'Clipping', 'off')
hl5=line(3, 3, 'Color', [0.5 1 0.7], 'Marker', '+', 'MarkerSize', 20);
set(hl5, 'Color', 'r', 'LineWidth', 5)
Об'єкт patch (лоскут):
hp1=patch([3.5 4.5 4.5 5], [8 10 8 6], 'y');
set(hp1, 'EdgeColor', 'm', 'LineWidth', 6)
hp2=patch([5 4 5.5], [8 6 4], [.8 .9 .8], 'Marker', 's')
Об'єкт text (текст):
ht=text(1.6, 9, 'Exercize\nnewlineNumber1');
set(ht, 'Editing', 'on'); % Відредагувати текст та клацнуть двічі за межами текстово-
го поля
set(ht, 'HorizontalAlignment', 'right')
set(ht, 'String', 'New text')
set(ht, 'Rotation', 10)
Операції з дескрипторами графічних об'єктів:
    Виклик можливих властивостей поточного об'єкту ({за умовчанням})
set(hf)
    Виклик установлених властивостей поточного об'єкту
get(hf)
    Виклик одного із установлених властивостей поточного об'єкту
get(hf, 'Color')
    Виклик установлених властивостей об'єктів (лінія, лоскут, текст) створю-
ваного графіка
hpl=plot(...)
    Знищення графічних об'єктів
delete([hp1 hp2]); delete(hp2)
    Пошук об'єкту із заданими властивостями
hh=findobj('Color', [0.8 0.5 .1])
hh =
    12.0015
hl1 =
    12.0015

```

Вилучення числового матеріалу з побудованого графіка за відомим параметром (колір за умовчанням першого графіка):

```
figure; plot(0: .01: pi, sin(0: .01: pi), .1, .5, 'or');  
fh=findobj('Color', [0 0 1]) % Пошук об'єкта синього кольору  
set(fh, 'Color', [0 1 0]); % Перефарбування знайденого в зелений  
data=[(get(fh, 'XData')) (get(fh, 'YData'))]; % Вилучення числового  
    Ідентифікація секторів колової діаграми (на прикладі першого сектора)  
x= [3; 7;1; 2];  
h= pie(x);  
ht=findobj(h, 'Type', 'text'); % Пошук об'єктів типу'text' у графічному вікні з коло-  
вою діаграмою  
Pos= get(ht(1), 'Position'); str= get(ht(1), 'String'); % Вилучення тексту та його по-  
ложення  
set(ht(1), 'Position', Pos+[-.1 0 0], 'String', [ '1 - ' '\newline' str])  
% Коригування тексту та його положення
```

## 3 ОСНОВИ ПРОГРАМУВАННЯ У MATLAB

### 3.1 М-файли

#### **Сценарій *qu1.m*:**

```
%Розрахунок і побудова параболи  
%при зміні x від xmin до xmax  
%Змінні xmin та xmax створити у робочій області заздалегідь  
x=xmin:xmax;  
y=x.^2;  
plot(x,y,'or')%Побудова графіка  
grid on  
Виклик: qu1
```

#### **Статус змінних сценарію:**

```
» xmin=-5;xmax=5; qu1  
» y  
y =  
    25    16     9     4     1     0     1     4     9    16    25
```

#### **Функція *qu2.m*:**

```
function y=qu2(xmin,xmax)  
%Розрахунок і побудова параболи  
%при зміні x від xmin до xmax  
x=xmin:xmax;  
y=x.^2;  
plot(x,y,'or')%Побудова графіка  
grid on  
Виклик:    qu2(-5,5) або  
           y1=qu2(-2,12)+4 або
```

```
x1=-3;x2=4;z=qu2(a,b)
```

**Статус змінних функцій:**

```
» clear y
```

```
» z=qu2(0,3)
```

```
z =
```

```
0    1    4    9
```

```
» y
```

```
??? Undefined function or variable 'y'.
```

**Функція з двома вихідними параметрами qu3.m:**

```
function [y1,y2]=qu3(xmin,xmax)
```

```
%Розрахунок і побудова параболи та експоненти
```

```
%при зміні x від xmin до xmax
```

```
x=xmin:xmax;
```

```
y1=x.^2;
```

```
y2=exp(x);
```

```
plot(x,y1,'or',x,y2,'-g')
```

```
grid on
```

Виклик:

```
» [q1, q2]=qu3(-3,3)
```

```
q1 =
```

```
9    4    1    0    1    4    9
```

```
q2 =
```

```
0.0498  0.1353  0.3679  1.0000  2.7183  7.3891  20.0855
```

**Функція без вхідних параметрів:**

```
function [x,y]=randv2
```

```
%Формування випадкового вектора одиничної довжини
```

```
z=rand(1,2)-0.5;
```

```
x=z(1);y=z(2);
```

```
L=sqrt(x.^2+y.^2);
```

```
x=x/L;y=y/L;
```

```
compass(x+i*y)
```

**Передача даних з М-функції до інших М-функцій або до базової робочої області:**

М-функція, у якій за допомогою функції `assignin` створюється змінна `as=78`:

```
function aseval
```

```
assignin('caller','as',78);
```

М-функція, у якій за допомогою функції `evalin` викликається змінна `as`:

```
function y=evalas
```

```
y=evalin('caller','as');
```

```
>> aseval
```

```
>> evalas
```

```
ans =
```

78

Виклик змінної `as` із командного рядка або сценарію:

```
>> as
```

```
as =
```

78

***Передача даних тільки до базової робочої області***

```
function aseval2
```

```
assignin('base','as2',34);
```

```
>> as2
```

```
as2 =
```

34

***Локальна змінна, значення якої зберігається до наступного виклику функції***

```
function y=ff(j)
```

```
persistent k;
```

```
i=0;
```

```
k=k
```

```
while i<j
```

```
    i=i+1;
```

```
    k=i;
```

```
end
```

```
k=k
```

```
y=j;
```

Повторити виклик функції `ff.m` кілька разів із різними вхідними параметрами. Переконайтеся, що кожного разу перше значення `k` поточного сеансу дорівнює другому значенню `k` попереднього сеансу.

***Передача інформації поміж функціями за допомогою глобальних змінних***

***Створити дві `m`-функції:***

***`y3.m`:***

```
function y=y3(x)
```

```
global z2
```

```
z2=3;
```

```
y=x^2+z2;
```

***`y2.m`:***

```
function y=y3(x)
```

```
global z2
```

```
y=x+z2;
```

Використавши спочатку лише функцію `y2`, переконайтеся, що результатом є порожній масив (змінну `z2` не визначено). Якщо ж спочатку викликати функцію `y3`, а потім `y2`, результатом буде число.

### 3.2 Оператори відношення

Порівняння матриці з  
вектором:

```
» M=[-4 0; 2 6]
```

M =

```
-4    0
```

```
2     6
```

```
» M==0
```

```
ans =
```

```
0     1
```

0 0	ans =	0 1
» M>0	1 0	» N>=M
ans =	1 1	ans =
0 0	Порівняння матриці з	0 1
1 1	матрицею:	1 1
» M<0	» N=[-6 0; 2 8]	» N<=M
ans =	N =	ans =
1 0	-6 0	1 1
0 0	2 8	1 0
» M<=0	» N= =M	» N~=M
ans =	ans =	ans =
1 1	0 1	1 0
0 0	1 0	0 1
» M>=0	» N<M	Порівняння рядків:
ans =	ans =	» 'v' = 'v'
0 1	1 0	ans =
1 1	» N>M	1
» M~=0	ans =	» 'v' = 't'
	0 0	ans =
		0
		» 'vest' = 'vist'
		ans =
		1 0 1 1

### 3.3 Інтерактивне введення/виведення даних

#### *Діалогове введення числа:*

» r=input('Введи радіус r = ')

Введи радіус r = 7.7

r =

7.7000

#### *Діалогове введення тексту:*

» s=input('Введи текст ')

Введи текст 'Це текст'

s =

Це текст

#### *або:*

» name=input('Введи прізвище: ', 's')

Введи прізвище: Шевчук

name =

Шевчук

#### *Введення за допомогою меню*

» n=menu('Куди підемо далі?', 'Прямо', 'Ліворуч', 'Праворуч', 'Назад')

n =



**Виведення проміжних результатів:**

```
» disp('Довжина окружності l='); disp(2*pi*r)
```

Довжина окружності l=

48.3805

**Вибір мишею координат точок у поточному графічному вікні:**

```
» figure; axis( [-1 1 -1 1] )
```

```
» a= ginput
```

a =

-0.3318 -0.4211

-0.0415 0.3918

...

-0.1014 0.3626

-0.0876 -0.1170

(Після вибору останньої точки натиснути Enter)

```
» plot(a(:,1),a(:,2),'o')
```

**або:**

```
» [X,Y]= ginput
```

**Виведення повідомлення про помилку:**

```
» error('Вхідний параметр не може бути скалярном')
```

**3.4 Керуючі структури**

*if*

%Одноразовий розрахунок довжини окружності за заданим радіусом

```
r=input('Введи радіус r=');
```

```
if r>=0
```

```
    disp('Довжина окружності l=');disp(2*pi*r);
```

```
else
```

```
    disp('r<0!')
```

```
end
```

*while*

Файл dial2pir.m

%Багаторазовий розрахунок довжини окружності за заданим %радіусом

```
r=0;
```

```
while r>=0
```

```
    r=input('Введи радіус r=');
```

```
    if r>=0
```

```
        disp('Довжина окружності l=');disp(2*pi*r);
```

```
    end
```

```
end
```

*while*

```
function [x,y]=d2mass(x,y);
```

%Формування двовимірного масив розмірністю [2,N]

%Відображення його в координатах XY

```

global x y;
N=input('Розмірність масиву N=');
k=0;
x=zeros(1,N);
y=zeros(1,N);
while k<N
    k=k+1;
    x(k)=input('Введи X=');
    y(k)=input('Введи Y=');
end
plot(x,y,'rs')

```

*for*

```

%Оператор for
for k=1:2:13
    k.^2
end

```

```

%Оператор for
for i=1:3
    for j=1:4
        A(i,j)=i+j
    end
end

```

*for*

```

%Оператор for
%Формування чотирьох змінних Pi=i.^2
for i=1:4
    eval(['P', int2str(i), '=i.^2'])
end

```

*switch*

```

%Введення двійкових чисел
a=input('введи двійкове число=');
switch a
case 0
    disp('a=0')
case 1
    disp('a=1')
otherwise
    disp(a);disp(' - не двійкове число')
end
%Розрахунок та побудова функцій за вибором
a=input('введи ім'я функції:', 's');
y=zeros(1,10);

```

```

x=1:10;
switch a
case 'sin'
    y=sin(x);
    plot(x,y)
case 'log'
    y=log(x);
    plot(x,y)
case 'exp'
    y=exp(x);
    plot(x,y)
otherwise
    disp(strcat(a,' - неіснуюча функція!'))
end
%Вибір функцій
fun=['sin';'exp';'log'];
disp('1) sin')
disp('2) exp')
disp('3) log')
k=input('Вибери номер функції=');
x=input('Введи значення x=');
feval(fun(k,:),x)

```

### 3.5 Перевірка типу даних

```

» isnumeric(a) - істина, якщо a - числовий масив
» isreal(a) - істина, якщо a - масив дійсних чисел
» isempty(a) - істина, якщо a - порожній масив
» isequal(F,Y) - істина, якщо масиви F та Y є ідентичні
» islogical(d) - істина, якщо d - логічний масив
» isstruct(d) - істина, якщо d - структура
» isinf([pi NaN Inf -Inf]) % - істина, якщо параметр =±Inf
ans =
    0    0    1    1
» isnan([pi NaN Inf -Inf]) % - істина, якщо параметр =NaN
ans =
    0    1    0    0
» ischar(z) - істина, якщо z - масив символів
Перевірка типу символів
» isletter('56r iuy')
ans =
    0    0    1    0    1    1    1
» isspace('56r iuy')
ans =
    0    0    0    1    0    0    0

```

### 3.6 Розв'язання систем диференціальних рівнянь

Файл опису системи диференціальних рівнянь двигуна постійного струму

Файл dptod.m (скалярна форма):

```
function dy=dptod(t,y)
%Dифференциальные уравнения двигателя постоянного тока
%2ПБВ112S с постоянным потоком
dy=zeros(2,1);
Mc=15;
r=0.115;L=7.32e-4;J=0.034;
k=15/28;u=33;
dy(1)=-r/L*y(1)-k/L*y(2)+u/L;
dy(2)=k/J*y(1)-Mc/J;
```

Файл dptodm.m (матрична форма):

```
function dy=dptodm(t,y)
%Dифференціальні рівняння двигуна постійного струму 2ПБВ112S
%з постійним потоком
dy=zeros(2,1);
Mc=15;
r=0.115;L=7.32e-4;J=0.034;
k=15/28;u=33;
A=[-r./L -k./L; k./J 0];
B=[1/L 0;0 -1/J];
U=[u;Mc];
dy=A*y+B*U;
```

Сценарій розв'язання СДР для режиму прямого пуску двигуна

Файл puskm.m:

```
%Сценарій прямого пуску двигуна постійного струму
%(модель dptod.m)
[t,y]=ode45('dptod',[0 0.2],[0 0]);
plot(t,y);
title('Прямий пуск двигуна постійного струму під навантаженням');
grid on;
xlabel('t, c');
gtext('i');gtext('w');
zoom
figure;
plot(y(:,1),y(:,2));
xlabel('i');
ylabel('w');
title('Динамічна механічна характеристика');
```

grid on;

zoom

**Сценарій розрахунку процесу вмикання RLC-кола до джерела синусоїдної напруги**

Файл **rlcsin.m**:

%Сценарій розрахунку перехідних процесів в RLC-колі після вмикання до  
%джерела синусоїдної напруги (рівняння у файлі rlcod.m)

```
[t,i]=ode23s('rlcod',[0 0.08],[0 0]);
```

```
E=220*sqrt(2)*sin(100*pi*t);
```

```
plot(t,i(:,1),'-r',t,i(:,2),'-g',t,E/300,'--b');
```

zoom;

figure;

```
comet(i(:,1),E)
```

Файл опису системи диференціальних рівнянь RLC-кола

Файл **rlcod.m**:

```
function di=rlcod(t,i)
```

%Диференціальні рівняння RLC кола

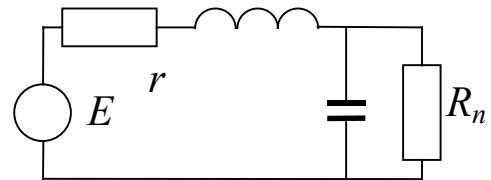
```
r=1;L=0.01;C=1e-2;Rn=3;
```

```
E=220*sqrt(2)*sin(100*pi*t);
```

```
di=zeros(2,1);
```

```
di(1)=E-i(1)*r/L-i(2)*Rn/L;
```

```
di(2)=(i(1)-i(2))/C/Rn;
```



### Опції розв'язувача ДР

**Створення структури опцій:**

```
» ops=odeset('RelTol', 1e-8, 'OutputFcn', 'odephas2', 'Stats', 'on', 'Refine', 4)
```

Редагування опцій після створення:

```
» ops.Refine=2
```

**Додавання нової опції:**

```
» ops.Vectorized='on'
```

**Виклик за замовчуванням функції odeplot:**

```
» ode45('dptod', [0 0.2], [0 0])
```

**Виклик функції odephas2:**

```
» ops=odeset('OutputFcn', 'odephas2')
```

```
» ode45('dptod', [0 0.2], [0 0], ops)
```

## 4 SIMULINK ТА РОБОЧА ОБЛАСТЬ

### 4.1 Задавання параметрів блоків SIMULINK як змінних з робочої області

**1. Функціональний перетворювач (блок Look-Up Table):**

Параметри блока:

Vector of input values: [0; t1; t2]

Vector of output values: [u1; u2; u3] або [u1; u2; u2-2]

Їх значення в робочій області:

»  $t1=0.5$ ;  $t2=1$ ;  $u1=1$ ;  $u2=3$ ;  $u3=2$ ;

## 2. Генератор синусоїди (блок *Sine wave*):

Параметри блока:

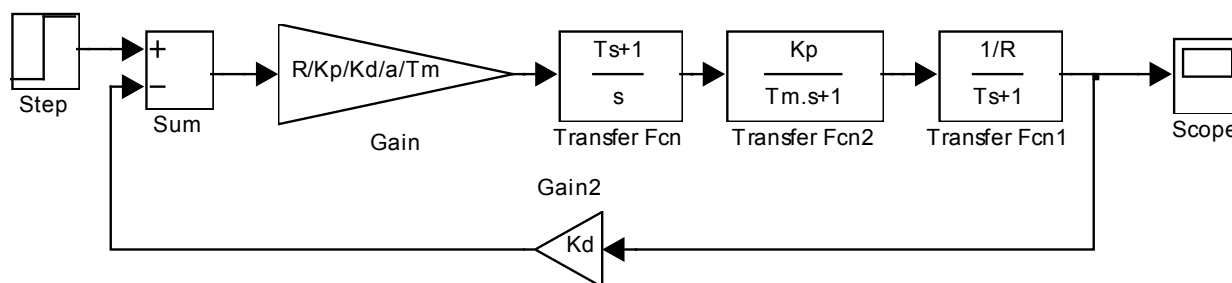
Amplitude: A

Frequency: w

Phase:  $f_i \cdot 2$

Їх значення в робочій області:

»  $A=2$ ;  $w=1$ ;  $f_i=0.1$ ;



Якірне коло: Numerator:  $[1/R]$  Denominator:  $[T \ 1]$

Перетворювач енергії: Numerator:  $[Kp]$  Denominator:  $[Tm \ 1]$

Датчик струму: Kd

Регулятор струму (сталі часу): Numerator:  $[T \ 1]$  Denominator:  $[1 \ 0]$

Регулятор струму (коефіцієнт підсилення):  $R/Kp/Kd/a/Tm$

Значення параметрів у робочій області:

»  $Kd=4$ ;  $R=0.1$ ;  $Kp=20$ ;  $a=2$ ;  $T=0.2$ ;  $Tm=0.01$ ;

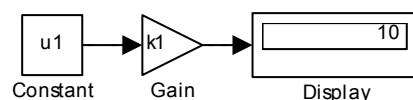
Запустити модель з різними параметрами об'єкту керування

## 4. Задавання параметрів моделі без прямого звертання до робочої області

Створити модель та задати в ній параметри як змінні ( $k1$  та  $u1$ ). Створити сценарій, у якому цим змінним надаються значення, та зберегти його. Наприклад:

$k1=2$ ;

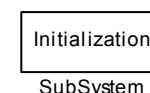
$u1=5$ ;



Створити підсистему (блок Subsystem) та маскувати її (Edit\MaskSubsystem...). У вікні "Mask Editor..." (вкладка Icon) у полі "Drawing commands" записати команду, яка виводить всередині підсистеми якусь підказку: `disp('Initialization')`.

Визвати для блоку Subsystem команду "Edit\Block Properties..." та у полі "Open function:" увести ім'я створеного сценарію.

Для присвоєння параметрам  $k1$  та  $u1$  їхніх значень клікнути двічі блок Subsystem. Після цього модель можна запускати.



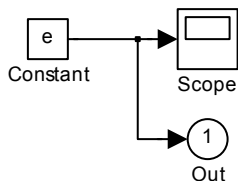
## 4.2 Передача даних із SIMULINK до робочої області

5. Передати до РО синусоїду з завдання 2 за допомогою блоку **To Workspace** з ім'ям **sin2**. Параметр Decimation=2. Переглянути отриманий масив у робочій області.
6. За допомогою блоку **Out** передати вектор струму з завдання 3 з ім'ям **circuit** та вектор часу з ім'ям **t3**. Переглянути отримані масиви у робочій області.
7. За допомогою блоку Scope передати матрицю результатів моделювання з ім'ям **res**. Параметр Decimation=2. Переглянути отриманий масив у робочій області.
8. Запустити з командного рядка за допомогою функції **sim** модель із завдання 3. У переліку змінних, що передаються до РО, залишити час та струм. Переглянути отриманий масив у робочій області.

## 4.3 Передача до моделі SIMULINK значення змінної (скаляра) з М-функції, що її викликає, та повернення з SIMULINK до М-функції векторів часу та вихідної змінної

Передати з командного рядка через М-функцію **zq.m** до моделі **zq1.mdl** значення змінної **e=12**. Після виклику функції перевірити факт отримання інформації моделлю Simulink (за допомогою осцилографа) та її повернення з моделі Simulink через М-функцію до робочої області MATLAB.

Модель **zq1.mdl**:



М-функція **zq.m**:

```
function [T,X,Y]=zq(e)
op1=simget('zq1');
op1.SrcWorkspace='current';% Workspace of funciton zq.m
op1.OutputVariables='ty';
[T,X,Y]=sim('zq1',[],op1);
```

Виклик:

```
>> [T,X,Y]=zq(12);
```

```
>> Y(1)
```

```
ans =
```

```
12
```

```
>> T(1:10)
```

```
ans =
```

```
0
```

```
0.2000
```

```
0.4000
```

```
0.6000
```

```
0.8000
```

```
1.0000
```

1.2000  
1.4000  
1.6000  
1.8000

## 5 ПРИКЛАДИ РОЗВ'ЯЗАННЯ ОПТИМІЗАЦІЙНИХ ЗАДАЧ

### *Пошук мінімального значення вектора*

q=[1, 4, 8, 5, 0, 3];  
s=min(q)  
s =  
0

### *Пошук мінімального значення масиву та його номера*

a)  
z=[1 5 4; 6 2 3; 5 9 0]  
z =  
1 5 4  
6 2 3  
5 9 0

б)  
[q, i]=min(z(:, 2))  
q =  
2  
i =  
2

### *Пошук мінімальних значень стовпців матриці*

z=[5 1 4; 6 2 3; 4 9 0]  
z =  
5 1 4  
6 2 3  
4 9 0  
s=min(z)  
s =  
4 1 0

### *Теж саме, із зазначенням номера мінімального елемента*

[s, i]=min(z)  
s =  
4 1 0  
i =  
3 1 3

y=[0 1 2 3 4 5 4 2 1 0]; x=[2 3 4 5 6 7 8 9 10 11]; ind=find(y==max(y))



```
ind =
6
xm=x(ind)
xm =
7
```

**Пошук  $x$ , що відповідає мінімуму функції  $\cos(x)$  у діапазоні  $x=[3, 5]$ .**

```
fminbnd('cos', 3, 5)
ans =
3.1416
x=fminbnd('2-cos(x)', -2, 3)
x =
-3.7792e-006
```

**Пошук  $x$ , що відповідає мінімуму функції  $y = 5 + x^2 - 2x$  у діапазоні  $x = [-3, 2]$ .**

```
fminbnd('5+x^2-2*x', -3, 2)
ans =
1.0000
```

**Те ж саме, із розрахунком значення функції в оптимальній точці**

```
fminbnd('5+x^2-2*x', -3, 2);
x=ans;
y=5+x^2-2*x
y =
4.0000
```

**Задавання опцій оптимізації (виведення звіту про перебіг пошуку)**

```
options=optimset('Display','iter');
x=fminbnd('5+x^2-2*x',-3, 2, options)
```

Func-count	x	f(x)	Procedure
1	-1.09017	8.36881	initial
2	0.0901699	4.82779	golden
3	0.81966	4.03252	golden
4	1	4	parabolic
5	1.00003	4	parabolic
6	0.999967	4	parabolic

```
x =
1.0000
```

### **Мінімізація М-функції**

Попередньо створити М-файл с ім'ям ff5.m:

```
function y=ff5(x)
%ff5 Parabole
```

$$y=5+x^2-2*x;$$

Потім виконати команду:

```
fminbnd('ff5', -3, 2)
```

```
ans =
```

```
1.0000
```

### **Безумовна мінімізація функції кількох змінних симплексним методом із виведенням звіту про перебіг пошуку**

```
>> x0=[-2, 2];
```

```
>> options=optimset('Display','iter');
```

```
>> x=fminsearch('100*(x(2)-x(1)^2)^2+(1-x(1))^2', x0, options)
```

Iteration	Func-count	min f(x)	Procedure
1	3	370	initial
2	5	126.65	expand
3	7	33.8125	expand
4	9	9.3125	reflect

```
x =
```

```
1.0000 1.0000
```

### **Мінімізація Inline-функції**

```
zz=inline('x(1).^4+x(2).^4+2.*x(1).^2.*x(2).^2-4.*x(1)+3')
```

```
zz =
```

Inline function:

```
zz(x) = x(1).^4+x(2).^4+2.*x(1).^2.*x(2).^2-4.*x(1)+3
```

```
xi=[1 1]; x0=fmins(zz, xi)
```

```
x0 =
```

```
1.0000 0.0000
```

```
zz(x0)
```

```
ans =
```

```
1.2784e-009
```

### **Безумовна мінімізація функції кількох змінних методом Гилла-Мюррея зі звітом про хід пошуку**

```
>> x0=[-2, 2];
```

```
>> options=optimset('Display','iter','LargeScale','off','HessUpdate','gillmurray');
```

```
>> x=fminunc('100*(x(2)-x(1)^2)^2+(1-x(1))^2', x0, options)
```

Iteration	Func-count	f(x)	Step-size	Directional derivative
1	2	409	0.001	-2.74e+006
2	8	6.07598	0.000334035	-1.64e+004
3	15	6.0513	0.0802738	-9.32e-005
...				
25	155	0.000629285	8.37102	-4.41e-006

26	161	4.79039e-005	1.10899	-5.56e-007
27	167	1.07615e-006	1.06022	5.09e-007

Optimization terminated successfully:

Current search direction is a descent direction, and magnitude of directional derivative in search direction less than 2\*options.TolFun

x =

0.9999 0.9997

### **Теж саме з аналітично заданим градієнтом**

Створити М-функцію

rosengrad.m (функція, що мінімізується):

```
function [r,gr]=rosengrad(x)
```

```
%function of Rosenbrock with gradient
```

```
%r=100*(x(2)-x(1)^2)^2+(1-x(1))^2
```

```
r=100*(x(2)-x(1)^2)^2+(1-x(1))^2;
```

```
gr=[-400*(x(2)-x(1)^2)*x(1)-2*(1-x(1)); 200*(x(2)-x(1)^2)];
```

Основна програма:

```
>> x0=[-2, 2];
```

```
>> options=optimset('fminunc');
```

```
>> options.GradObj = 'on'; options.Display='iter'; options.HessUpdate='gillmurray';
```

```
>> options.LargeScale='off';
```

```
>> x=fminunc('rosengrad',x0,options)
```

Iteration	Func-count	f(x)	Step-size	Directional derivative
1	0	409	0.001	-2.74e+006
2	4	6.07598	0.000334035	-1.64e+004
3	9	6.0513	0.080274	-9.18e-005

...

26	109	2.01136e-005	1.50506	-5.7e-007
----	-----	--------------	---------	-----------

27	113	5.6764e-007	1.16134	-7.79e-011
----	-----	-------------	---------	------------

Optimization terminated successfully:

Current search direction is a descent direction, and magnitude of directional derivative in search direction less than 2\*options.TolFun

x =

1.0002 1.0003

### **Умовна мінімізація функції Розенброка**

а) обмеження:

$$x(1) - x(2) \leq 0$$

Основна програма:

```
>> x0=[-2, 2]; A=[1 -1]; b=0;
```

```
>> x = fmincon('rosengrad',x0,A,b)
```

Active Constraints:

1

```
x =
    0.0102    0.0102
```

б) Теж саме в діапазоні  $-3 \leq x(1) \leq 0$ ;  $1 \leq x(2) \leq 3$

Основна програма:

```
lb=[-3, 1]; ub=[0, 3]; x0=[-2, 2];
```

```
options=optimset('Display', 'iter');
```

```
x = fmincon('rosengrad',x0,A,b,[],[],lb,ub,[],options)
```

Iter	F-count	f(x)	max constraint	Step-size	Directional derivative	Procedure
1	3	409	-1	1	-3.61e+003	
2	8	229	-0.5	0.5	-353	
3	12	12.3233	0	1	-10.1	
4	16	5.03209	0	1	-4.25	
5	22	4.35763	-0.1739	0.25	-0.237	
6	26	4.1293	0	1	-0.193	Hessian modified
7	30	4.00277	0	1	-0.0263	
8	34	3.98999	0	1	-2.26e-005	
9	38	3.98997	0	1	-1.79e-009	Hessian modified

Optimization terminated successfully:

Search direction less than 2\*options.TolX and

maximum constraint violation is less than options.TolCon

Active Constraints:

2

```
x =
   -0.9950    1.0000
```

**Оптимізація функції трьох змінних  $f(x) = x_1^2 + x_2^3 + x_3^4$  з нелінійними обмеженнями  $x_1 + x_2 + x_3 \leq 10$ ;  $x_3 \geq x_1 \cdot x_2 + 1.5$ ;  $x_1 x_2 \geq -10$**

М-файл опису функції відгуку:

```
function f=fun3(x)
```

```
f=x(1)^2+x(2)^3+x(3)^4;
```

М-файл опису нелінійних обмежень

```
function [con3,c]=con3(x)
```

```
con3(1)=x(1)+x(2)+x(3)-10;
```

```
con3(2)=x(1)*x(2)-x(3)+1.5;
```

```
con3(3)=-x(1)*x(2)-10;
```

```
c=[];
```

Основна програма:

```
>> x0=[1 1 1]; lb=[-10 -5 0]; ub=[10 5];
```

```
>> opt=optimset('fmincon'); opt.Display='iter'
```

```
>> x = fmincon(@fun3,x0,[],[],[],[],lb,ub,@con3,opt)
```

max

Directional

Iter	F-count	f(x)	constraint	Step-size	derivative	Procedure
1	4	3	1.5	1	-17	dependent
2	9	-7	3.5	1	-21.1	Hessian modified;
3	14	-35.652	0	1	-60.5	Hessian modified
4	19	-124.897	2.872	1	0.0784	Hessian modified;
5	26	-124.304	2.154	0.25	4.59	dependent
...						
14	72	-124.932	0	1	-0.000767	dependent
15	77	-124.933	6.463e-012	1	-0.00304	Hessian modified;
16	82	-124.934	3.796e-011	1	-0.000251	dependent
17	87	-124.934	5.422e-012	1	-5.67e-007	Hessian modified;

Optimization terminated successfully:  
Magnitude of directional derivative in search direction  
less than 2\*options.TolFun and maximum constraint violation  
is less than options.TolCon

Active Constraints:

3  
8

x =

0.2425 -5.0000 0.2876

### ***Безумовна мінімізація квадрата функції Розенброка***

```
x0=[-2 2];
options=optimset('MaxFunEvals',2000,'Display','iter');
x=lsqnonlin(@rosen,x0,[],[],options)
```

Результати:

Iteration	Func-count	Residual	Step-size	Directional derivative	Lambda
1	2	167281	1	-3.35e+005	
2	8	101.044	1	-634	100.245
3	14	37.0117	0.745	-9.93	141.309
4	20	36.6539	0.0204	-2.64	1269.08
...					
284	1740	3.07135e-006	14.7	-9.54e-007	0.00165256
285	1747	3.9538e-008	1.44	-1.61e-007	0.00165257
286	1753	1.24934e-008	0.807	-4.16e-009	0.00165258

Optimization terminated successfully:  
Gradient in the search direction less than tolFun  
Gradient less than 10\*(tolFun+tolX)

x =  
1.0105 1.0212

### **Найменша відстань від заданої точки до параболи**

Знайти чисельно найменшу відстань від точки  $A_0 [2; 1]$  до параболи  $y = x^2$ .

Відстань від т.  $A_0$  з координатами  $[x_0; y_0]$  до довільної точки параболи з координатами  $[x; y]$  :

$L = \sqrt{(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2}$ . Змінна  $y$  пов'язана з  $x$  через рівняння параболи. Тому незалежною змінною є лише  $x$ .

Сценарій *rasst1c.m*:

```
[x,fval,exitflag,output]=fminbnd(@rasst1,0,5);
```

```
x=x
```

```
L=sqrt(fval)
```

```
iterations=output.iterations
```

```
funcCount=output.funcCount
```

```
algorithm=output.algorithm
```

Функція *rasst1.m*:

```
function L2=rasst1(x)
```

```
x0=2;y0=1;
```

```
L2=(x-x0)^2+(x^2-y0)^2;
```

Результат:

```
rasst1c
```

```
L2 =
```

```
7.0171
```

```
...
```

```
L2 =
```

```
0.8248
```

```
x =
```

```
1.1654
```

```
L =
```

```
0.9082
```

```
iterations =
```

```
10
```

```
funcCount =
```

```
10
```

```
algorithm =
```

```
golden section search, parabolic interpolation
```

### **Синтез оптимального фильтра**

До входу фільтру третього порядку з передатною функцією

$W(p) = \frac{1}{a_3 p^3 + a_2 p^2 + a_1 p + 1}$  подано корисний синусоїдальний сигнал частоти

$f_1=2$  Гц з амплітудою  $A_1=1$ , а також шум з частотою  $f_2=50$  Гц та амплітудою

$A_2=0,2$ . За допомогою функції `lsqnonlin` визначити параметри фільтра ( $a_1, a_2, a_3$ ), які забезпечують мінімум середнього квадрату відхилення між вихідним та вхідним корисним сигналами.

Крок часу –  $1/360$  періоду корисного сигналу. Початкові значення параметрів  $a_0=[0.03 \ 0.001 \ 0.0001]$ . Параметри сигналів передавати до цільової функції з сценарію через функцію оптимізації. Побудувати криві корисного, сумарного вхідного сигналів та похибки до та після оптимізації.

М-функція розрахунку похибки `err.m` (виходячи з параметрів вхідного корисного сигналу та шуму розраховує вектор похибки вихідного сигналу по відношенню до вхідного корисного):

```
function err=err(a,A1,A2,w1,w2,n)
%Error with noise
a1=a(1);a2=a(2);a3=a(3);%Parameters of transfer function
t=linspace(0,2*pi/w1,n)';%Vector of time
W=inline('1/(a3*s^3+a2*s^2+a1*s+1)');%Transfer function
s1=i*w1;s2=i*w2;
WM1=abs(W(a1,a2,a3,s1));%Amlitude-frequency character
phase1=angle(W(a1,a2,a3,s1));%phase-frequency character
WM2=abs(W(a1,a2,a3,s2));
phase2=angle(W(a1,a2,a3,s2));
Y=A1*WM1*sin(w1*t+phase1)+A2*WM2*sin(w2*t+phase2);%Output signal
err=Y-A1*sin(w1*t);%Vector of error
```

Сценарій оптимізації `err_opt.m` (задає параметри корисного сигналу та шуму, початкові параметри фільтра, викликає функцію оптимізації `lsqnonlin` та передає через неї до функції `err.m` ці параметри):

```
A1=1;f1=2;A2=0.2;f2=50;%Parameters of signals
a0=[0.03 0.001 0.0001];%Initial parameters of transfer function
w1=2*pi*f1;w2=2*pi*f2;
n=360;%Quantity of steps
t=linspace(0,2*pi/w1,n)';%Vector of time
u1=A1*sin(w1*t);%Input signal
u2=A2*sin(w2*t);%Noise
err0=err(a0,A1,A2,w1,w2,n);%Initial error
h11=figure(11);plot(t,u1,t,u1+u2,t,err0);
set(h11,'Name','For initial parameters');
legend('Input signal','Input signal+Noise','error Initial')
%-----Optimization-----
opterr=optimset('TolFun',1e-6);
[a,resnorm,residual,ef,output]=...
lsqnonlin(@err,a0,[0 0 0],[],opterr,A1,A2,w1,w2,n);
disp('Optimal parameters of transfer function [a1 a2 a3]:');disp(a);
disp('Average square of error:');disp(resnorm/360);
disp('Iterations:');disp(output.iterations);
disp('FuncCount:');disp(output.funcCount);
%-----
```

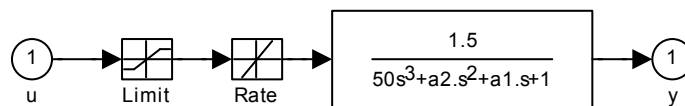
```

errf=err(a,A1,A2,w1,w2,n);%Final error
h12=figure(12);plot(t,u1,t,u1+u2,t,errf);
set(h12,'Name','For final parameters');
legend('Input signal','Input signal+Noise','error Final')
>> err_opt
Optimization terminated successfully:
Relative function value changing by less than OPTIONS.TolFun
Optimal parameters of transfer function [a1 a2 a3]:
    0.0300    0.0000    0.0002
Average square of error:
    1.3784e-009
Iterations:
    13
FuncCount:
    53

```

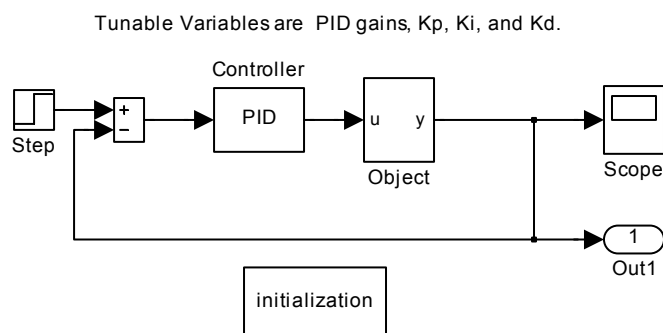
### **Синтез ПІД-регулятора для нелінійного об'єкта керування (функція *fminimax*)**

Визначити параметри ПІД-регулятора, що забезпечать під час керування об'єктом, зображеним на рисунку, перехідний процес наступної якості: досягнення рівня 0,95 не пізніше  $t=20$  с, відсутність перерегулювання. Параметри об'єкта:  $a_1=3$ ,  $a_2=43$ , обмеження рівня керування  $\pm 2$ , обмеження темпу зміни керування  $\pm 0,8$ . Початкові значення параметрів регулятора  $K_p = 0.63$ ;  $K_i = 0.0504$ ;  $K_d = 1.9688$ . Використати функцію *fminimax*.



Примітки.

1. Функції *assignin* та *evalin* призначені для передачі даних із файлу *sim\_minimax\_obj.m* до файлу *sim\_minimax\_con.m*
  2. Обмеження  $y_{out}(20:100) \geq 0.95$  враховує вимоги до якості перехідного процесу.
- Модель *sim\_minimax.mdl*:



Файл цільової функції *sim\_minimax\_obj.m*:

```

function F = sim_minimax_obj(pid,a1,a2)
% Track the output of sim_minimax to a signal of 1
Kp = pid(1);

```



```

Ki = pid(2);
Kd = pid(3);
% Compute function value
opt = simset('solver','ode5','SrcWorkspace','Current');
[tout,xout,yout] = sim('sim_minimax',[0 100],opt);
F = yout;
assignin('base','F_sim_minimax_OBJ',F);

```

Файл Обмежень sim\_minimax\_con.m:

```

function [c,ceq] = sim_minimax_con(pid,a1,a2)
f = evalin('base','F_sim_minimax_OBJ');
% Compute constraints
c = -f(20:100)+.95;
ceq=[];

```

Файл сценарію оптимізації sim\_minimax\_m.m:

```

%PID-controller
%Minimization of maximum value of signal
pid0 = [0.63 0.0504 1.9688]
a1 = 3; a2 = 43;
options = optimset('Display','iter','TolX',0.001,'TolFun',0.001);
pid = fminimax(@sim_minimax_obj,pid0,[],[],[],[],[],...
    'sim_minimax_con',options,a1,a2)
Kp = pid(1); Ki = pid(2); Kd = pid(3);

```

Файл ініціалізації моделі sim\_minimax\_init.m:

```

Kp = 0.63;
Ki = 0.0504;
Kd = 1.9688;
a2 = 43;
a1 = 3;
disp('Done initializing sim_minimax.')

```

Результат:

```

>> sim_minimax_m
pid0 =
0.6300    0.0504    1.9688
pid =
0.5894    0.0605    5.5294

```

### ***Пошук нуля функції (визначення ковзання АД при заданому моменті)***

Файл mad.m:

```

function DM=mad(s,sk,Mk,Ms)
%Механічна характеристика АД
M=2*Mk/(s/sk+sk/s);

```

DM=M-Ms;

Головна програма:

```
>> sk=0.3; Mk=120; Ms=30;
```

```
>> op=optimset('Display','iter');
```

```
>> s=fzero('mad', [0.001 0.9*sk], op, sk, Mk, Ms)
```

Func-count	x	f(x)	Procedure
1	0.001	-29.2	initial
2	0.27	89.337	initial
3	0.0672645	21.2359	interpolation
4	0.0393641	0.958236	interpolation
5	0.0380875	-0.0133473	interpolation
6	0.038105	2.14751e-005	interpolation
7	0.038105	4.75065e-010	interpolation
8	0.038105	0	interpolation

Zero found in the interval: [0.001, 0.27].

s =

0.0381

**Пошук мінімуму функції  $z=40 \cdot x(1)+36 \cdot x(2)$  (у матричному запису  $z=C \cdot x$ ) методами лінійного програмування**

**за обмежень:  $0 \leq x(1) \leq 8$ ;  $0 \leq x(2) \leq 10$ ;  $5 \cdot x(1)+3 \cdot x(2) \geq 45$**

**(у матричному запису  $A \cdot x \leq b$ )**

```
>> x0=[6; 9]; xmin=[0 0]; xmax=[8 10];
```

```
>> C=[40 36]; A=[-5 -3]; b=-45;
```

```
>> options=optimset('LargeScale','off');
```

```
>> [x,fval,exitflag,output,lambda]=linprog(C, A, b, [],[],xmin, xmax, x0,options)
```

Optimization terminated successfully.

x =

8.0000

1.6667

fval =

380

exitflag =

1

output =

iterations: 2

algorithm: 'medium-scale: activeset'

cgiterations: []

lambda =

lower: [2x1 double]

upper: [2x1 double]

eqlin: [0x1 double]

ineqlin: 12.0000

```
>> lambda.lower
```

```
ans =
    0
    0
>> lambda.upper
ans =
    20.0000
    0
>> lambda.ineqlin
ans =
    12.0000
```

### **Оптимальне керування локомотивом. Розв'язок методами нелінійного програмування**

Потяг вагою 1 000 000 Н має пройти відстань  $L=10$  км за мінімальний час. Кут ухилу в функції пройденої відстані  $\alpha = \alpha_0 + \beta x$  ( $\alpha_0=0.0524$  рад,  $\beta=2.0944 \cdot 10^{-5}$ ,  $x$  – пройдена відстань). Коефіцієнт тертя об рейки  $f=0,003$ . Сила в'язкого спротиву повітря  $F_g = kv^2$  ( $k=0,01$ ). Знайти залежність швидкості руху від відстані за наявності обмежень на максимальну потужність локомотиву ( $P_m = 1000$  кВт) та на максимальну швидкість руху ( $v_m = 15$  м/с).

Розв'язок.

Розділимо відстань  $L$  на  $n$  інтервалів довжиною  $Dx=L/n$  та вважатимемо швидкості на кожному з інтервалів незалежними змінними. Тоді шлях, пройдений на кінець кожного  $i$ -го інтервалу, буде  $x_i = \sum_{j=1}^{i \leq n} Dx_j = iDx$ , тривалість руху на цьому інтервалі

$t_i = Dx/v_i$ , сила спротиву рухові  $F_i = Gf \cos \alpha_i + G \sin \alpha_i + kv_i^2$ , потужність

$P_i = F_i / v_i$ . Сумарна тривалість руху  $t = \sum_{i=1}^n t_i \rightarrow \min$ .

Файл із ЦФ loco.m:

```
function tt=loco(v,G,f,k,n,L,a0,b)
Dx=L./n;
t=Dx./v;
tt=sum(t);
```

Файл з обмеженнями lococonstr.m:

```
function [lc,lce]=lococonstr(v,G,f,k,n,L,a0,b)
%Constraints of locomotive (for everyone interval)
Dx=L./n;
x=(1:n)*Dx;
alpha=a0+b.*x;%Angle of rise
Wm=5e10;%W*sec
Pm=1e6;%W
F=G.*f.*cos(alpha)+G.*sin(alpha)+k.*v.^2;%Force
P=F.*v;%Capacity
lc(2:n+1)=P-Pm;
```

```

lce=[];
Файл сценарію для 50 інтервалів:
%Script for optimal control of locomotive
n=50;
L=10000;
Dx=L/n;
x=(1:n)*Dx;%Current way
a0=0.0524 ;
b=2.0944e-5;
alpha=a0+b.*x;%Angle of rise
G=1e6;%Weight
k=0.01;
f=0.003;
v0=ones(1,n);
lb=zeros(1,n);
vm=15;%m/sec
ub=v0*vm;
oplo=optimset('Display','final','LargeScale','off');
[v,tt,exitflag,output]=fmincon(@loco,v0,[],[],[],[],lb,ub,@lococonstr,oplo,G,f,k,n,L,a0,b);
disp('Velocity, m/sec:');disp(v);
disp('Time, sec:');disp(tt);
disp(output);
F=G.*f.*cos(alpha)+G.*sin(alpha)+k.*v.^2;%Force
P=F.*v;
plot(x,alpha*10,x,v,x,P/100000);
legend('alpha*10, degree','v, m/sec','P*10, MW');

```

### **Апроксимація**

**Апроксимація числового матеріалу функцією довільного вигляду за допомогою функції nlinfit**

Числовий матеріал:

```

x=[0; 0.0001; 0.0005; 0.0010; 0.0017; 0.0025; 0.0040; 0.0050; 0.0075; 0.0100; 0.0150;
0.0200; 0.0300; 0.0500];
y=[1.0000; 0.9882; 0.9738; 0.9631; 0.9520; 0.9420; 0.9270; 0.9186; 0.9008; 0.8859;
0.8611; 0.8404; 0.8058; 0.7516];

```

З урахуванням характеру числового матеріалу залежність  $y(x)$  доцільно шукати у

вигляді: 
$$y = \frac{1 + b_1 x^2 + b_2 \sqrt{x}}{1 + b_3 x}.$$

Ця залежність розраховується в файлі `ud.m`:

```

function f=ud(b,x)
f=(1+b(1)*x.^2+b(2)*x.^0.5)./(1+b(3)*x);

```

Пошук коефіцієнтів здійснюється у сценарії `udscr.m` (повторити виконання кілька разів до повторення результатів):

```

b0=[1 1 1]

```

```

k=0;
while k<20
    [B,r]=nlinfit(x,y,'ud',b0);
    yfit=ud(B,x);
    R=sqrt(sum(r.^2)/length(x));
    R1=R;
    b0=B';
    k=k+1;
end

```

### **disp(k)**

```
disp(R*1000)
```

```
disp('B=')
```

```
disp(B)
```

```
plot(x,y,'o',x,yfit)
```

### **Апроксимувати залежність $y=\sin(x)$**

у діапазоні  $x=-3:1:3$  поліномом третього ступеня

```
>> x=-3:1:3; y=sin(x);
```

```
p=polyfit(x,y,3) %Коефіцієнти полінома
```

```
p =
```

```
-0.0968  0.0000  0.8712 -0.0000
```

```
>> f=polyval(p,x);
```

```
x=-4:2:4;y=sin(x);f=polyval(p,x);plot(x,y,'o',x,f)
```

### **Те ж саме для зашумленої залежності з побудовою 95% довірчої зони**

```
>> x=-3:1:3; y1=sin(x)+normrnd(0, .1, size(x)); [p1,s]=polyfit(x,y1,3)
```

```
p1 =
```

```
-0.0949  0.0051  0.8614 -0.0149
```

```
>> [f1,d]=polyval(p1,x,s);
```

```
>> figure;plot(x, y1,'o', x, f1, x, f1+2*d, x, f1-2*d)
```

### **Апроксимація механічної характеристики двигуна**

Знайти швидкість ідеального холостого ходу двигуна та жорсткість його механічної характеристики за результатами вимірювань:

```
M=[ 12  17  25  31  39  43];
```

```
w=[150.61 149.28 148.26 147.07 145.09 143.37].
```

Побудувати експериментальні точки та механічну характеристику

```
>> [p1,s]=polyfit(M,w,1);
```

```
>> p1
```

```
p1 =
```

```
-0.2181 153.3510
```

```
>> beta=-1/p1(1)
```

```
beta =
```

```
4.5846
```

```
>> f1=polyval(p1,M); plot(M, w,'o', M, f1)
```

```
 $\omega_0 = 153.35$ ;  $\beta = 4.5846$ .
```

### **Апроксимувати експериментальну залежність $y=f(x)$ :**

$x = [1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6]$ ;  $y = [5.5\ 43.1\ 128\ 290.7\ 498.4\ 700.4]$  поліномами другого та третього ступеня. Знайти коефіцієнти поліномів, побудувати графіки експериментальних точок та порівняти результати.

```
x = [1 2 3 4 5 6]; y = [5.5 43.1 128 290.7 498.4 700.4];
```

```
p = polyfit(x,y,2);
```

```
x2 = 1:1:6;
```

```
y2 = polyval(p,x2);
```

```
plot(x,y,'o',x2,y2)
```

```
res2=polyval(p,x)-y;
```

```
p3 = polyfit(x,y,3);
```

```
y3 = polyval(p3,x2);
```

```
y3 = polyval(p3,x2);res3=polyval(p3,x)-y;
```

```
figure;plot(x,y,'o',x2,y3);figure;plot(x,res2,'o',x,res3,'*')
```

### Багатофакторна лінійна регресія

У файлі `dvig.mat` збережено дані про параметри 74 електричних двигунів серії 4ПФ: змінна  $X$  – потужність, кВт (2 стовпчик), швидкість, об/хв (3 стовпчик), напруга, В (4 стовпчик); змінна  $m$  – маса двигуна, кг. З використанням функції `regress` знайти рівняння регресії, яке пов'язує масу двигуна з його з потужністю, швидкістю та напругою. Пояснити різні знаки коефіцієнтів. Визначити частку дисперсії маси, обумовлену зміною зазначених трьох параметрів  $P$ ,  $n$ ,  $U$ .

```
>>load dvig; [b,bint,r,rint,stats] = regress(m,X);
```

```
>> stats
```

```
stats =
```

```
0.8536 137.9594 0
```

```
>> b
```

```
b =
```

```
113.6545
```

```
6.2655
```

```
-0.2444
```

```
0.7460
```

```
>> bint
```

```
bint =
```

```
-11.4638 238.7729
```

```
5.5548 6.9762
```

```
-0.3186 -0.1702
```

```
0.3877 1.1043
```

Рівняння регресії:

$$m = 113.65 + 6.2655P - 0.2444n + 0.746U$$

```
>> load dvig
```

```
>> rstool(X(:,2:4),m)
```

### Однофакторна нелінійна регресія (1)

Апроксимувати залежність питомої маси (кг/кВт) двигунів 4ПФ (файл dvg.mat) від їх потужності за допомогою функції `nlinfit`. Ту ж саму задачу розв'язати за допомогою функції `nlintool`.

Функція `fun1.m`:

```
function fun1=fun1(b,x)
x=x(:,1);
fun1=b(1)+b(2)./x+b(3)./x.^2+b(4).*x;
```

Основна програма:

```
>> load dvg
>> P=X(:,2);
>> y1=m./P;
>> [b,R,J]=nlinfit(P,y1,@fun1,[1 1 1 1]);
>> b
```

```
b =
    11.9238
    38.4652
    60.8309
    -0.0286
```

Рівняння регресії:  $11.92 + 38.46/P + 60.83/P^2 - 0.0286P$ .

```
>> nlintool(P,y1,@fun1,[1 1 1 1])
```

### Однофакторна нелінійна регресія (2)

За результатами вимірювань моменту та ковзання асинхронного двигуна знайти його критичний момент та критичне ковзання.

```
s=[0.0227 0.0364 0.0638 0.0832 0.0909 0.0969 0.1679 0.1739];
M=[4.9875 14.6699 23.5294 31.1804 40.0000 44.1176 48.0000 49.3469].
```

Inline-функція для розрахунку спрощеної формули Клоса:

```
fk=inline('2.*b(1)./(s./b(2)+b(2)./s)','b','s')
```

```
fk =
```

Inline function:

```
fk(b,s) = 2.*b(1)./(s./b(2)+b(2)./s)
```

```
>> b=nlinfit(s,M,fk,[100 .3])
```

```
b =
    51.4615
     0.2221
```

$M_k=51.4615$  Нм;  $s_k=0.2221$ .

### Багатофакторна нелінійна регресія

Двигун постійного струму працює зі змінними напругою якоря, струмами збудження та якоря. Експериментатор, не маючи змоги задавати ці змінні, може лише вимірювати їх та швидкість. Результати вимірювань в усталеному режимі задані у матриці `mes`, стовпці якої відповідають напрузі, струму якоря, струму збудження та швидкості. Знайти за допомогою функції `nlinfit` активний опір обмотки якоря та коефіцієнт  $k = k_f c$ , де  $k_f = \Phi/I_f$  – коефіцієнт пропорційності між струмом збу-

дження та потоком,  $c$  – конструктивний коефіцієнт двигуна. Для зменшення впливу випадкових похибок кількість вимірювань замість мінімально достатніх 2 (що дорівнює кількості шуканих коефіцієнтів) була збільшена до 6:

```
mes = [205.4800 21.5300 0.2560 838.6367
      83.3500 53.6700 0.4330 141.4928
      202.7500 81.0000 0.9120 196.6487
      106.3200 17.3000 1.0000 107.9094
      30.7700 35.8200 0.2850 47.1794
      30.7700 35.8200 0.2850 56.3044]
```

Швидкість пов'язана із зазначеними змінними через рівняння  $\omega = (U - I_a r_a) / k I_f$ .

Воно реалізоване в inline-функції:

```
>> ww=inline('(X(:,1)-X(:,2).*b(1))./b(2)./X(:,3)', 'b','X')
```

```
ww =
```

```
Inline function:
```

```
ww(b,X) = (X(:,1)-X(:,2).*b(1))./b(2)./X(:,3)
```

```
>> [B,r]=nlinfit(mes(:,1:3),mes(:,4),ww,[1 1])
```

```
B =
```

```
0.4947
```

```
0.9078
```

```
r =
```

```
0.2938
```

```
-3.0000
```

```
0.1602
```

```
0.2195
```

```
-3.2532
```

```
5.8717
```

$r_a=0.4947$  Ом,  $k=0.9078$  Ом.

**Розкладення полігармонічної періодичної функції у ряд Фур'є**

```
N=2^12;
```

```
f=100;
```

```
t=linspace(0,1/f,N);
```

```
y=27+100*sin(2*pi*f*t+pi/2)+50*sin(2*pi*5*f*t)+25*sin(2*pi*7*f*t);
```

```
figure(1);plot(t,y);grid
```

```
fy=fft(y);
```

```
c=zeros(1,N/2);
```

```
c(1)=fy(1)/N;
```

```
c(2:N/2)=abs(fy(2:N/2))/N*2; % Amplitudes of garmonics
```

```
ff=(0:N/2-1)/t(end); % Frequency
```

```
figure(2);h=stem(ff,c);grid % Spectrum of amplitudes
```

```
delete(h(1));
```

```
disp(' Coefficient of distortions:')
```

```
THD=c(2)/sqrt(sum(c(2:end).^2))
```



## 6 ЗАДАЧІ ДЛЯ САМОСТІЙНОГО РОЗВ'ЯЗАННЯ

### Основи MATLAB

1. Створити вектор, який складається з цілих чисел, рівномірно розподілених в діапазоні від 5 до 12 з кроком 2. Визначити довжину отриманого вектора.

2. Створити матрицю розміром  $4 \times 3$ , яка складається з випадкових чисел, рівномірно розподілених в діапазоні від 5 до 10. Для цієї матриці розрахувати середні квадрати рядків, стовпців та всього масиву.

3. Створити матрицю нулів розміром  $3 \times 5$ .

4. У масиві  $m1 = [8 \ 4 \ 0; 5 \ 0 \ 2; 0 \ 0 \ 4]$  за допомогою функції `find` знайти елементи, більші від 0 і менші від 5.

5. Створити `inline`-функції та розрахувати їх для заданих вхідних параметрів:

$$f(x) = 3e^{2x} \text{ при } x=3;$$

$$f(t,a) = a \cdot \cos t \text{ при } t=2; a=7;$$

$$f(x_1, x_2, x_3) = 3(x_1-4)^2 + 5(x_2+3)^2 + 7(2x_3+1)^2 \text{ при } x_1=1; x_2=2; x_3=3.$$

6. Створити масив структур із 2-3 записів для зберігання інформації щодо результатів перепису населення. У полях розташувати інформацію:

- П.І.Б.;
- Рік народження;
- склад сім'ї у вигляді масиву  $[N, nd, nd18]$  ( $N$ - розмір сім'ї;  $nd$  – загальна кількість дітей;  $nd18$  - кількість дітей віком до 18 років);
- загальний річний дохід;
- освіта;
- професія.

Сформувати масив із усіх значень поля «загальний річний дохід»

7. Розрахувати:

- $x$ , що змінюється у межах від 1 до 10 з кроком 1 ;
- $y = 2 + 4x$ ;
- випадковий вектор  $e$  тієї ж довжини, розподілений за нормальним законом із середнім 0 і середньоквадратичним відхиленням 1.

Побудувати залежності:

- $y = f1(x)$  - суцільна зелена лінія;
- $y + e = f2(x)$  - червоні зірочки.

Параметри графічного вікна: межі осі  $X$  (-1...12),  $Y$  (0...45); вивести сітку, легенду і заголовки осей.

8. Розробити програму керування положенням і кольором двох заплат. Перша заплата рухається колом у межах графічного вікна, положення другої змінюється випадковим чином довкола начального положення. Колір обох змінюється циклі-

чно (частки основних кольорів RGB міняються від 0 до 1). Закон зміни кольору різний для різних заплат. По закінченні циклу заплати знищити.

9. Розробити сценарій побудови ліній рівня функції двох змінних та її поверхні. Вимоги до функції:

- функція розраховується окремому М-файлі, який повертає значення функції та текстові коментарі до неї (назву функції та її формулу);
- як приклад використати функції Розенброка  $100 * (x_2 - x_1^2)^2 + (1 - x_1)^2$

та Ізона-Фентона 
$$f(x) = 0,1 \cdot \left[ 12 + x_1^2 + \frac{1 + x_2^2}{x_1^2} + \frac{x_1^2 x_2^2 + 100}{(x_1 x_2)^4} \right]$$

Вимоги до сценарію:

- ім'я функції та межі її зміни  $X_1$  і  $X_2$  задаються інтерактивно з клавіатури;
- кількість значень  $X_1$  і  $X_2$  не менша від 100;
- після першої побудови ліній рівня здійснюється інтерактивний вибір потрібних ліній, перебудова графика та указівка мишкою місць для міток рівнів;
- у графічному вікні задаються сітка, заголовки осей, а також текстові коментарі функції як заголовок вікна.

10. Створити М-функцію для обробки вектора довільної довжини. Результати обробки:

- довжина вектора;
- сума елементів вектора;
- елемент з мінімальним значенням;
- елемент з максимальним значенням;
- розмах значень елементів;
- среднее значение элементов;
- середньоквадратичне відхилення значень елементів.

11. Розробити програму розрахунку миттєвої випрямленої напруги однофазного мостового випрямляча для заданих кута керування та амплітуди напруги живлення. Побудувати графіки напруг живлення та випрямленої у функції часу протягом періоду.

### ОПТИМІЗАЦІЯ В MATLAB

12. За допомогою функції `fzero` знайти точку сталої рівноваги системи “асинхронний двигун – вентилятор” із механічними характеристиками

$$M_a = \frac{2M_k}{\frac{s}{s_k} + \frac{s_k}{s}} \text{ та } M_v = M_0 + k\omega^2. \text{ Константи } M_k = 120 \text{ Нм}; s_k = 0,3; \omega_0 = 157 \text{ с}^{-1};$$

$M_0 = 10 \text{ Нм}; k = 0,01$  передати до m-функції через функцію `fzero`.

13. Знайти найменшу відстань між параболою  $y = x^2$  та від'ємною гілкою гіперболи  $y = -1/x$  за допомогою функції `fminsearch`.

14. Знайти прямокутник, вписаний в коло радіусу  $r=5$ , який має найбільшу площу. Рекомендації:

1) площа прямокутника  $S = \sqrt{(p - a_1)(p - a_2)(p - a_3)(p - a_4)}$ ,

де  $p = (a_1 + a_2 + a_3 + a_4)/2$  – полупериметр;  $a_1, \dots, a_4$  – боки прямокутника.

2) координати точок на колі зручно задавати у непрямому вигляді як  $x = r \cos(t)$ ;  $y = r \sin(t)$ .

15. Апроксимація коливної ланки з передатною функцією  $W(p) = \frac{3}{3p^2 + 3p + 1}$

аперіодичною  $W(p) = \frac{k}{Tp + 1}$ . Критерій: мінімум середньоквадратичного відхи-

лення вихідних сигналів. Фактори:  $k, T$ . Моделі обох ланок реалізувати в Simulink. Тривалість моделювання – не менше 20 с. Використати функцію `fminsearch`.

16. Розробити програму мінімізації функцій багатьох змінних з обмеженнями типу «нерівність» із використанням методу штрафних функцій. Штрафна функція типу «квадрат зрізки». Початкове значення штрафу  $R=1$ , коефіцієнт збільшення штрафу  $K=4$ . У процесі мінімізації перетвореної функції відгуку використати функції `fminsearch` або `fminunc`. Вихідні дані для мінімізації (вводяться інтерактивно): координати початкової точки; ім'я файла, що описує цільову функцію та обмеження.

Рекомендації:

- цільова функція та обмеження розраховуються у спільному М-файлі;
- для розрахунку перетвореної з урахуванням штрафів цільової функції організувати окрему М-функцію.

## ЛІТЕРАТУРА

1. Лозинський А.О., Мороз В.І., Паранчук Я.С. Розв'язання задач електромеханіки в середовищах пакетів MathCAD і MATLAB. – Львів: Видавн. Держ. універс. «Львівська Політехніка», 2000.-166 с.
2. Дьяконов В.П. MATLAB: Учебный курс. – СПб: Питер, 2001.-560 с.
3. Потемкин В.Г. Система инженерных и научных расчетов MATLAB 5.x. В 2-х т.т. – М.: ДИАЛОГ-МИФИ, 2000.
4. Потемкин В.Г., Рудаков П.И. MATLAB 5 для студентов. – М.: ДИАЛОГ-МИФИ, 1999. – 448 с.
5. Мартынов Н.Н., Иванов А.П. MATLAB 5.x. Вычисления, визуализация, программирование. – М.: КУДИЦ-ОБРАЗ, 2000.
6. Мартынов Н.Н. Введение в MATLAB 6. – М.: Кудиц-образ. 2002.
7. Рудаков И.И., Сафонов В.И. Обработка сигналов и изображений. MATLAB 5.x. – М.: ДИАЛОГ-МИФИ, 2000.
8. Дьяконов В.П. Компьютерная математика. Теория и практика. – М.: Нолидж, 2001.- 1296 с.
9. Дьяконов В., Круглов В. Математические пакеты расширения MATLAB: Специальный справочник. – СПб.: Питер, 2001. - 480 с.
10. Дьяконов В.П. Simulink 4. Специальный справочник. – СПб.: Питер, 2002. - 528 с.

11. Гулятьев А. Визуальное моделирование в среде MATLAB: Учебный курс. – СПб.: Питер, 2000. - 432 с.
12. Потемкин В.Г. Инструментальные средства MATLAB 5.X. – М.: ДИАЛОГ-МИФИ, 2000 – 336 с.
13. Ануфриев И. Самоучитель MatLab 5.3/6.x. – БХВ-Петербург. 2002.